

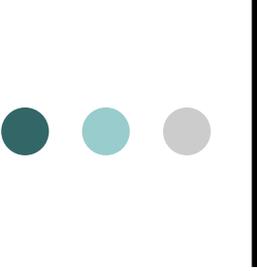


# Path Tracing



© Селифонов Евгений, Тихомиров Андрей  
(СПбГУ ИТМО, 2007)

© <http://rain.ifmo.ru/cat>



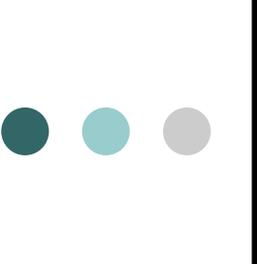
# Оглавление

- I. Введение (3-7)
- II. Трассировка в известных дискретных средах (8-43)
- III. Трассировка в известных непрерывных средах (44-87)
  - III.1 Графы видимости (45-50)
  - III.2 Метод потенциальных полей (51-71)
  - III.3 Дискретизация (72-87)
- IV. Трассировка в неизвестных средах (88-108)
- V. Применение алгоритмов на практике (109-114)



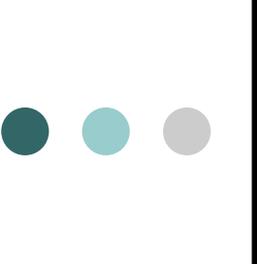
# I. Введение





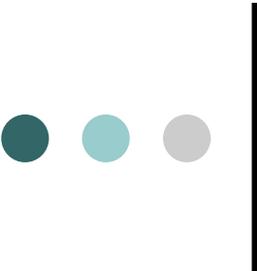
# I.1. Определение трассировки

- **Трассировка** – задача о нахождении пути из одной точки в другую по местности, содержащей непроходимые или труднопроходимые препятствия
- **Не всегда** трассировка ставит перед собой цель найти **кратчайший** путь; зачастую это просто невозможно
- Иногда рассматриваются задачи с различной трудностью прохождения препятствий



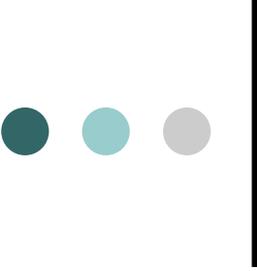
## I.2. Основные классы задач

- Все задачи трассировки можно разделить на 3 категории:
  - навигация в **известных дискретных** средах;
  - навигация в **известных непрерывных** средах;
  - навигация в **неизвестных** средах.



## I.2. Основные классы задач

- Задачи трассировки можно разделить на 2 большие категории:
  - Задачи **строительной** трассировки:
    - Препятствия – строения, естественные (горы, озера) и искусственные препятствия (запретная зона)
  - Задачи **электронной** трассировки:
    - Препятствия – те же, что и у строительной + ранее проведенные трассы
- Мы будем рассматривать задачи строительной трассировки

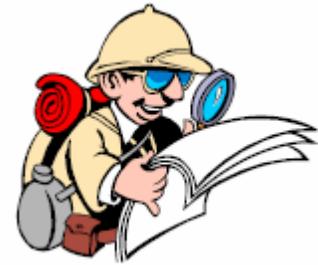


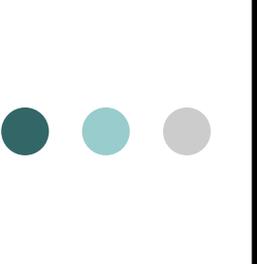
## I.3. Некоторые понятия

- **Точкой старта** назовем ту точку, из которой мы должны провести маршрут
- **Точкой цели** назовем ту точку, в которую мы должны провести маршрут
- **Роботом** назовем движущийся по маршруту объект

● ● ●

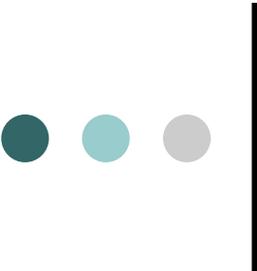
## II. Трассировка в известных дискретных средах





## II.1. Введение

- В данном разделе рассматривается простейшая задача трассировки: обход двумерных лабиринтов
- Должна быть задана растровая карта в виде двумерной плоскости, разделенной на клетки (квадратные, треугольные или гексагональные), с отмеченными стартом, целью и препятствиями



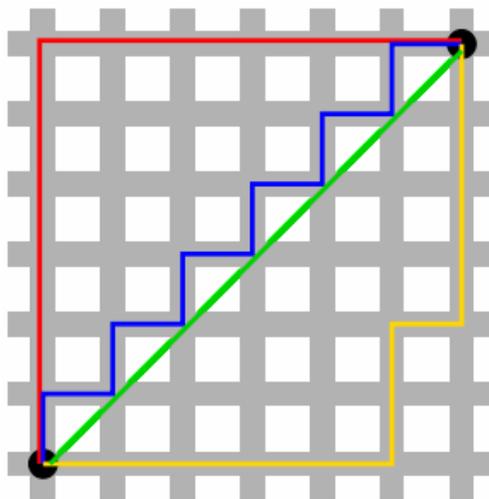
## II.2. Taxicab Geometry

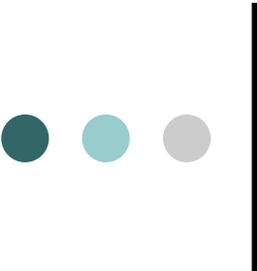
- Часто используется отличная от евклидовой геометрия, называемая Taxicab Geometry
- Расстояние, используемое в данной геометрии и называемое расстоянием Манхэттена (Manhattan Distance), между точками с координатами  $(x_1, y_1)$  и  $(x_2, y_2)$  вычисляется по формуле:

$$|x_1 - x_2| + |y_1 - y_2|$$

## II.3. Manhattan Distance

- Легко увидеть, что расстояние Манхэттена (красная, синяя и желтая линии) отличается от евклидова (зеленая линия) (в данном примере - в  $\sqrt{2}$  раз)





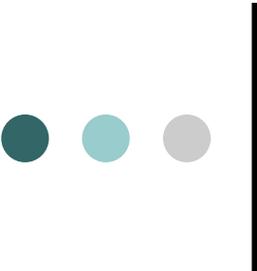
## II.4. Выбор стратегии

- Мы можем пойти двумя путями:
  - Прокладывать путь «на ходу», игнорируя препятствия до столкновения с ними
  - Заранее спланировать путь до начала перемещения



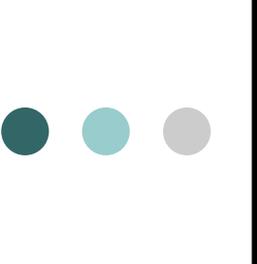
## II.5.1. Выбор стратегии: первый путь

- Общий алгоритм будет следующим:
  - Пока цель не достигнута:
    - Выбрать направление для движения к цели
    - Если это направление свободно для движения:
      - Двигаться туда
    - Иначе:
      - Выбрать другое направление в соответствии со стратегией обхода



## II.5.2. Первый путь

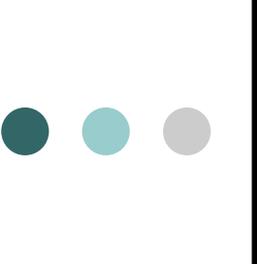
- Некоторые примеры алгоритмов:
  - Перемещение в случайном направлении
    - Делаем небольшое смещение в случайном направлении при встрече препятствия
  - Трассировка вокруг препятствия
    - При встрече препятствия идем по его контуру до некоторого момента, определяемого эвристикой
  - Надежная трассировка
    - Идентично алгоритмам семейства Bug, которые мы рассмотрим позже для более общего случая



## II.5.3. Первый путь: преимущества и недостатки

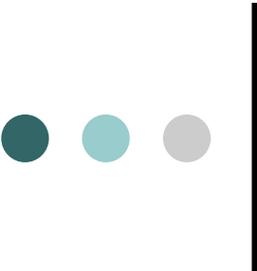
- Преимущества:
  - Простота: все, что необходимо знать, - это относительное положение робота к цели и признак блокирования препятствием
  - Малое потребление памяти
- Недостатки:
  - Ненадежность (кроме последнего алгоритма)
  - Неработоспособность во взвешенных средах





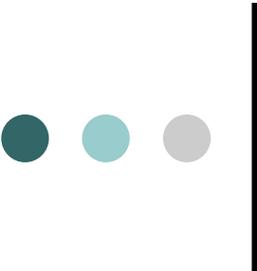
## II.6. Выбор стратегии: второй путь

- Заметим, что наш лабиринт можно представить в виде графа, соответственно, можно воспользоваться некоторыми известными алгоритмами на графах для предварительного планирования пути
- Под словами «конструируем путь» будем понимать создание списка вершин, которые необходимо пройти от старта к цели
- Для конструирования пути введем указатель **Parent[n]** на ту вершину, из которой мы приходим в n; т.о. добавим родителя целевой вершины в наш список, затем добавим родителя той вершины и т.д. до стартовой точки



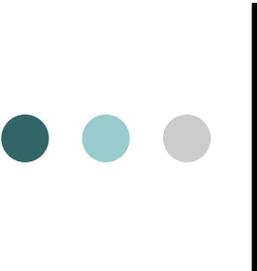
## II.7.1. Поиск в ширину

- Простейшим алгоритмом нахождения пути является **поиск в ширину** (другое название - **волновой алгоритм**)
- Мы запускаем волну из стартовой точки, которая постепенно заполняет пространство, в итоге доходя до целевой точки



## II.7.2. Поиск в ширину: алгоритм

- Создаем очередь **Open**
- **Open** ← **Start** (кладем в очередь)
- Пока [**Open** не пуста]
  - **Open** → **N** (извлекаем из очереди)
  - Если [**N = Goal**]
    - Конструируем путь и **выходим**
  - Для каждого [**M** (непосещенного соседа узла **N**)]
    - **Parent[M]** ← **N**
    - **Open** ← **M**
- Путь не найден, **выходим**

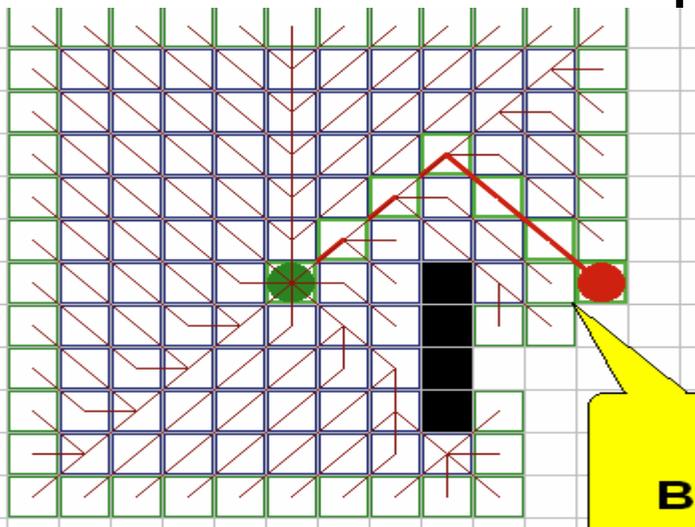


## II.7.3. Поиск в ширину: преимущества и недостатки

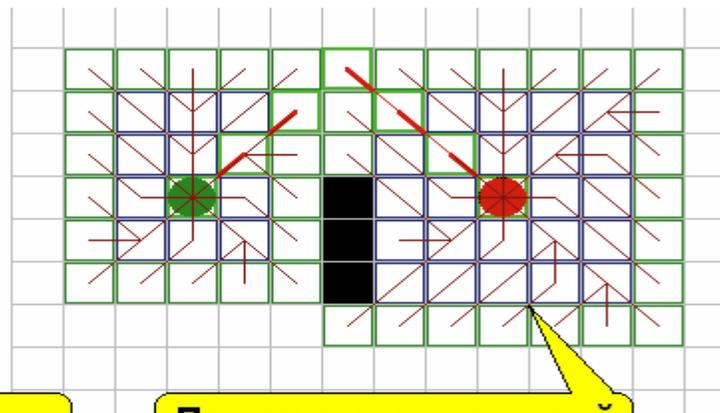
- Преимущества:
  - Простота реализации
  - Всегда находит кратчайший путь при условии равенства весов
- Недостатки:
  - Поиск идет равномерно во всех направлениях, вместо того, чтобы быть направленным к цели
  - Не всегда все шаги равны (например, диагональные шаги должны быть длиннее ортогональных)

## II.7.4. Двухнаправленный поиск в ширину

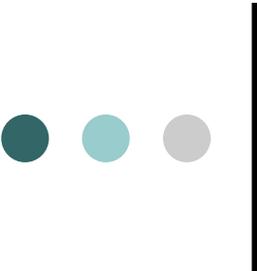
- Запускается две волны: из стартовой и целевой точек
- Алгоритм работает до встречи двух волновых фронтов



**Поиск  
в ширину**



**Двухнаправленный  
поиск  
в ширину**



## II.8.1. Поиск в глубину

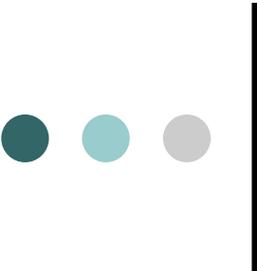
- Алгоритм противоположен поиску в ширину
- Вместо очереди используется стек
- Можно обойтись без списка `Open` за счет рекурсии





## II.8.3. Поиск в глубину: ОПТИМИЗАЦИИ

- На каждую ячейку будем добавлять метку с длиной найденного к ней кратчайшего пути; больше не будем посещать эту ячейку, пока к ней не будет найден путь с меньшей стоимостью
- Будем выбирать сначала соседей, которые находятся ближе к цели
- **Алгоритм последовательных приближений:** будем делать остановку на определенной глубине, сначала равной расстоянию от старта до цели и постепенно увеличивающейся

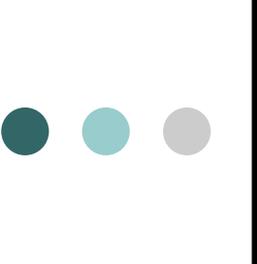


## II.9.1. Алгоритм Дейкстры

- Один из наиболее мощных алгоритмов для поиска кратчайшего пути в графах, ребра которых имеют различный вес
- За  $g(n)$  обозначим стоимость пути от старта до узла  $n$

## II.9.2. Алгоритм Дейкстры

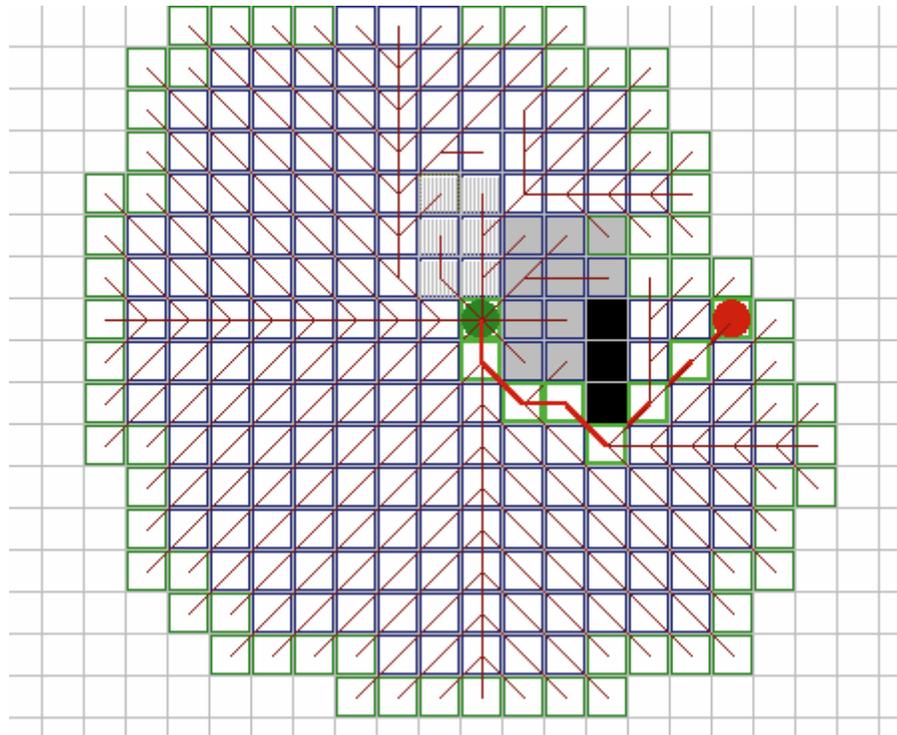
- Создаем приоритетную очередь  $Open$
- Значения всех  $g(n)$  задаем бесконечностью
- $g(Start) \leftarrow 0$
- $Open \leftarrow Start$  (кладем в очередь)
- Пока [ $Open$  не пуста]
  - $Open \rightarrow N$  (извлекаем из очереди)
  - Если [ $N = Goal$ ]
    - Конструируем путь и **выходим**
  - Для каждого [ $M$  (соседа узла  $N$ )]
    - Релаксируем  $M$ 
      - Если [ $g[M] > g[N] + g(N,M)$ ]
        - $g[M] \leftarrow g[N] + g(N,M)$
      - $Parent[M] \leftarrow N$
      - Если [ $M$  не находится в  $Open$ ]
        - $Open \leftarrow M$
  - Путь не найден, **выходим**

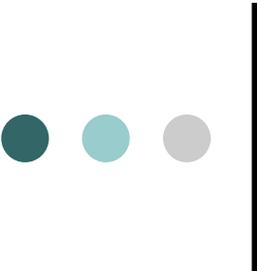


## II.9.3. Алгоритм Дейкстры: преимущества и недостатки

- Преимущества:
  - Работает во взвешенных средах
  - Обновляет узлы при нахождении лучшего пути к ним
- Недостатки:
  - Игнорирует направление к цели

## II.9.4. Алгоритм Дейкстры: иллюстрация работы





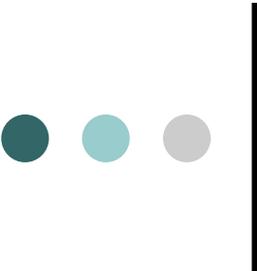
## II.10.1. Best-First Search

- Алгоритм «Лучший–Первый» был создан с целью исправить основной недостаток предыдущих алгоритмов: игнорирование направления к цели
- Используется эвристический поиск



## II.10.2. Best-First Search: алгоритм

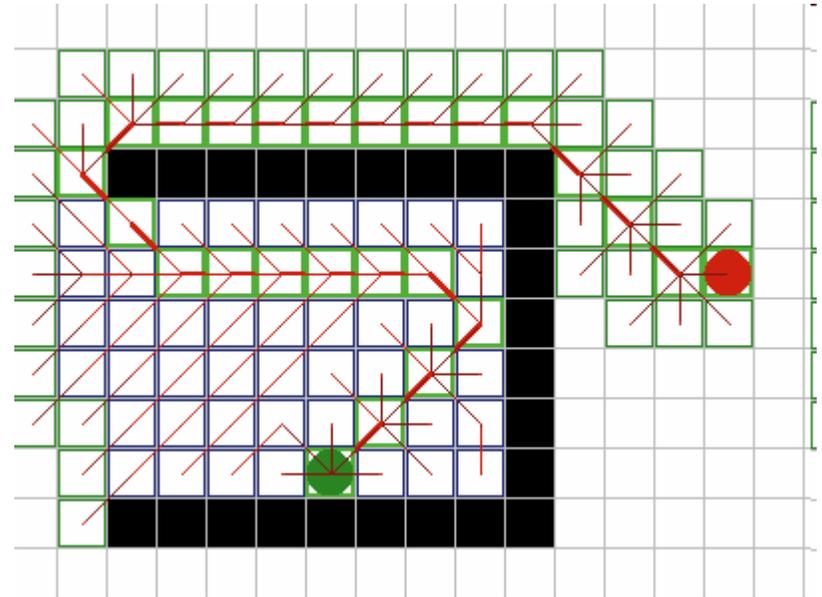
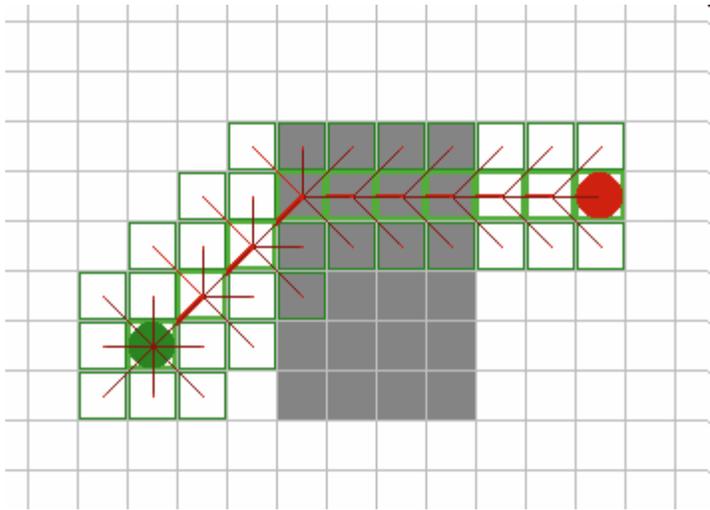
- Создаем **приоритетную очередь** **Open**
- **Open** ← **Start** (кладем в очередь)
- **Пока** [**Open** не пуста]
  - **Open** → **N** (извлекаем из очереди)
  - **Если** [**N = Goal**]
    - Конструируем путь и **выходим**
  - **Для каждого** [**M** (соседа узла **N**)]
    - **Если** [**M** не находится в **Open**]
      - Присваиваем **M** оценку с помощью некоторой эвристической функции, например, расстояния до цели
      - **Open** ← **M**
- Путь не найден, **выходим**



## II.10.3. Best-First Search: преимущества и недостатки

- Преимущества:
  - Высокая скорость работы
  - Не игнорируется направление к цели
- Недостатки:
  - Не работает во взвешенных средах, не обходит зону с высокой стоимостью
  - Создает изгибающиеся, а не прямые пути вокруг препятствия

# II.10.4. Best-First Search: иллюстрации недостатков





# II.11.1. Алгоритм A\*: введение

- Наилучший алгоритм поиска оптимальных путей
- Сочетает в себе достоинства алгоритмов Дейкстры и Best-First Search: учет длины предыдущего пути (Дейкстра) и использование эвристики (B-F Search)
- Сортирует все узлы по приближению наилучшего маршрута идущего через узел



## II.11.2. Алгоритм A\*: эвристическая функция

- Введем эвристическую функцию для каждого узла  $n$ :

$$f(n) = g(n) + h(n)$$

где:

- $g(n)$  - наименьшая стоимость прибытия в узел  $n$  из точки старта
- $h(n)$  - эвристическое приближение стоимости пути к цели от узла  $n$



## II.11.3. Алгоритм A\*: инициализация

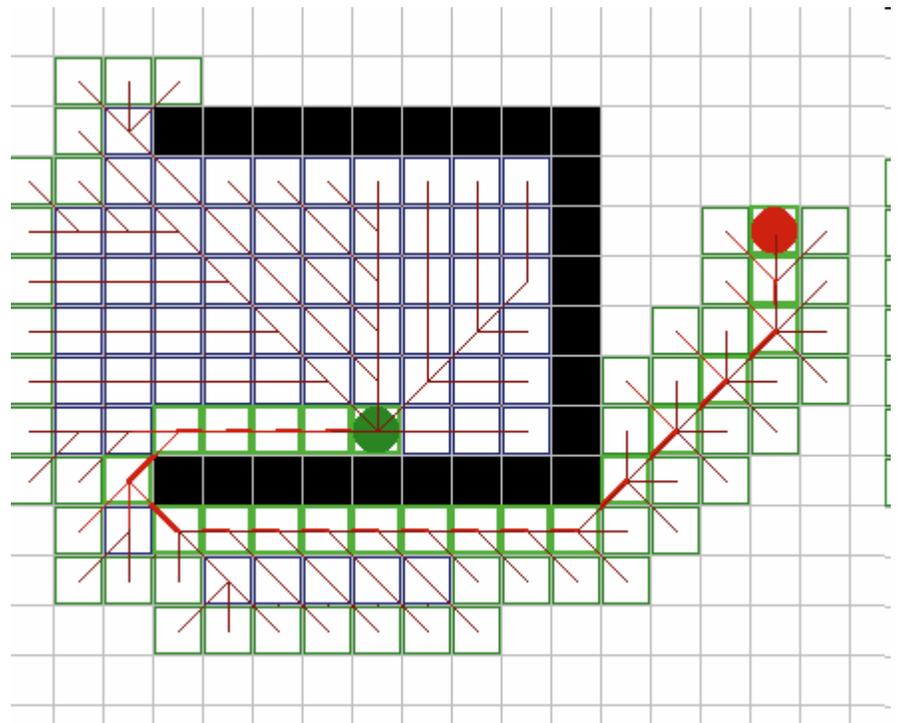
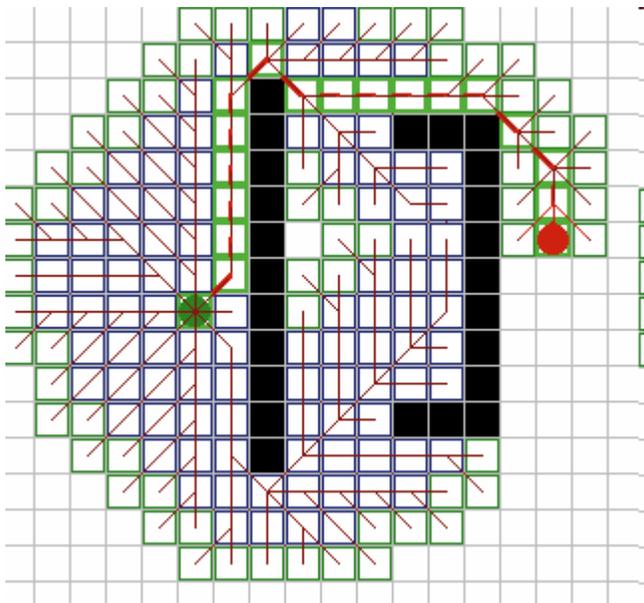
- Создаем приоритетную очередь **Open**
- Создаем список **Closed**
- Значения всех стоимостей  **$g(n)$**  задаем бесконечностью
- **$g(\text{Start}) \leftarrow 0$**
- **$h(\text{Start}) \leftarrow \text{Heuristic}(\text{Start})$**  (эвристическая оценка)
- **$f(\text{Start}) \leftarrow g(\text{Start}) + h(\text{Start})$**
- **Open**  $\leftarrow$  **Start** (кладем в очередь)

# II.11.4. Алгоритм A\*: ОСНОВНОЙ ЦИКЛ

- **Пока** [Open не пуста]
  - Open  $\rightarrow$  N (извлекаем из очереди)
  - **Если** [N = Goal]
    - Конструируем путь и **выходим**
  - **Для каждого** [M (соседа узла N)]
    - **Если** [M находится в Open или Closed и  $g[M] \leq g[N] + g(N,M)$ ]
      - Пропускаем M
    - Parent[M]  $\leftarrow$  N
    - Релаксируем M
      - **Если** [ $g[M] > g[N] + g(N,M)$ ]
        - $g[M] \leftarrow g[N] + g(N,M)$
    - $h(M) \leftarrow$  Heuristic(M) (эвристическая оценка)
    - $f(M) \leftarrow g(M) + h(M)$
    - **Если** [M находится в Closed]
      - Closed  $\blacktriangleright$  M (удаляем из списка)
    - **Если** [M не находится в Open]
      - Open  $\leftarrow$  M
  - Closed  $\leftarrow$  N
- Путь не найден, **выходим**

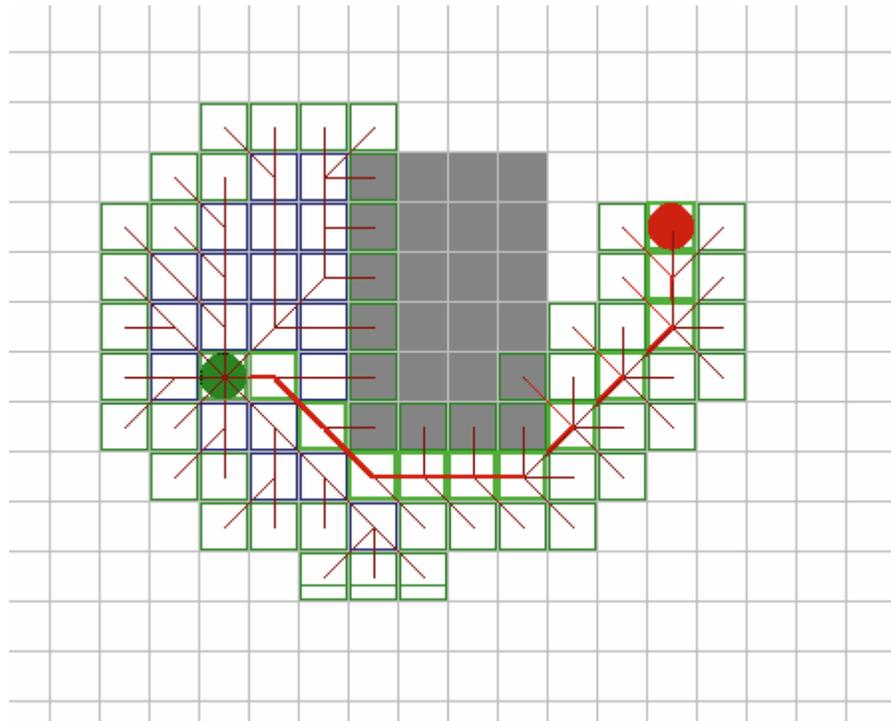
## II.11.5. Алгоритм A\*: преимущества

- Справляется с проблемными для других алгоритмов ситуациями



## II.11.5. Алгоритм A\*: преимущества

- Обход зон с высокой стоимостью прохождения



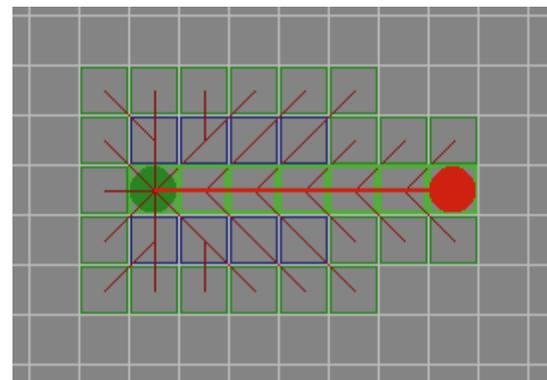
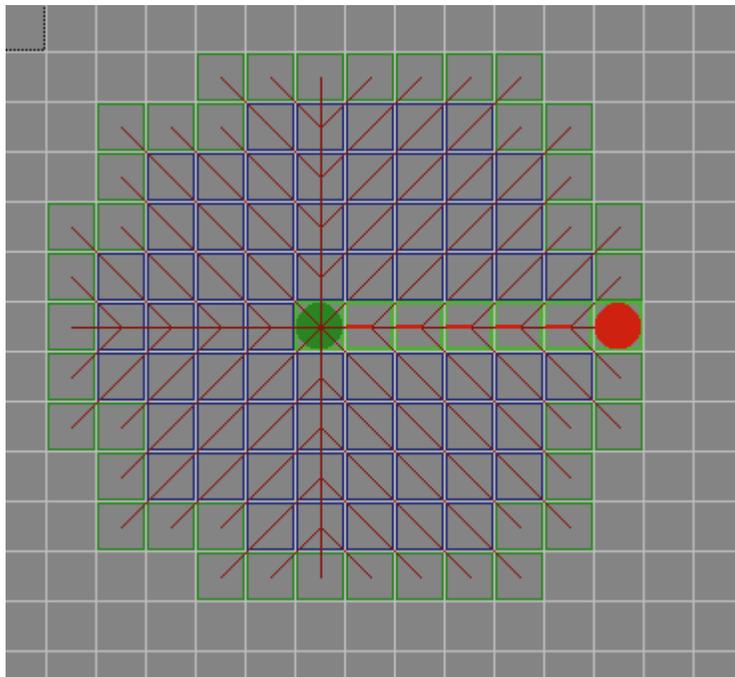


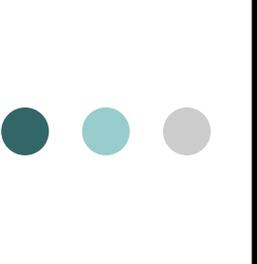
## II.11.5. Алгоритм A\*: преимущества

- Гибкость - при необходимости, состоянием может быть не текущая ячейка, а ориентация и скорость (например, при поиске пути для машины - их радиус поворота становится хуже при большей скорости)
- Доступность эвристики  $h(n)$  – в простейшем случае она является расстоянием Манхеттена до цели

## II.11.6. Алгоритм A\*: недостатки

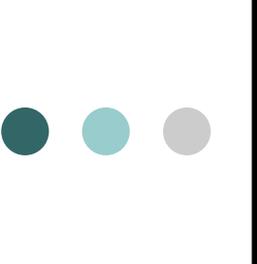
- Качество работы алгоритма сильно зависит от качества эвристического приближения  $h(n)$ ; если приближение будет низким, то будет наблюдаться резкое ухудшение работы алгоритма





## II.11.6. Алгоритм A\*: недостатки

- При применении алгоритма на больших картах могут возникнуть проблемы с памятью из-за разрастания приоритетной очереди **Open** и списка **Closed**



## II.11.7. Алгоритм A\*: ОПТИМИЗАЦИИ

- **Лучевой поиск:** наложение ограничений на количество узлов в приоритетной очереди **Open**; когда она полна и необходимо добавить новый узел, просто выбрасывается узел с наихудшим значением; список **Closed** также может быть уничтожен, если каждая ячейка хранит в себе длину наилучшего пути; минус - не гарантируется оптимальность пути
- **Иерархический поиск:** разобьем карту на некоторые связанные области и выберем точки на границах этих областей; т.о. задача разбивается на несколько более мелких (ищем путь до точек на границе областей)



## II.11.7. Алгоритм A\*: ОПТИМИЗАЦИИ

- Алгоритм последовательных приближений (IDA\*): избавляет от необходимости хранить списки **Open** и **Closed**:
  - Делаем простой рекурсивный поиск, собираем наколенную стоимость пути  **$g(n)$**
  - Прекращаем поиск при достижении заданного значения  **$f(n) = g(n) + h(n)$**
  - В начале возьмем предел глубины поиска равным  **$h(\text{Start})$**
  - Если на текущей итерации путь не найден, установим новый предел глубины поиска, равным минимальному значению  **$f(n)$** , которое превысило прежнюю границу

III. Трассировка в  
известных  
непрерывных средах

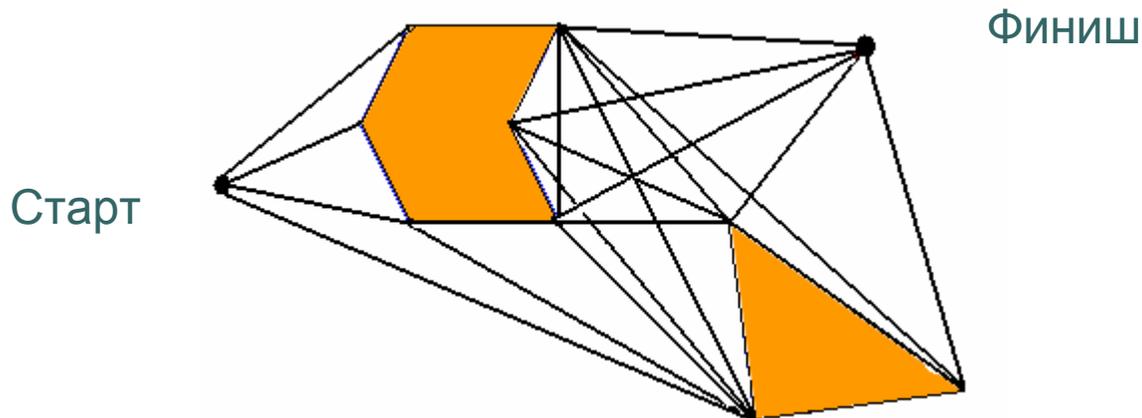




# III.1. Графы ВИДИМОСТИ

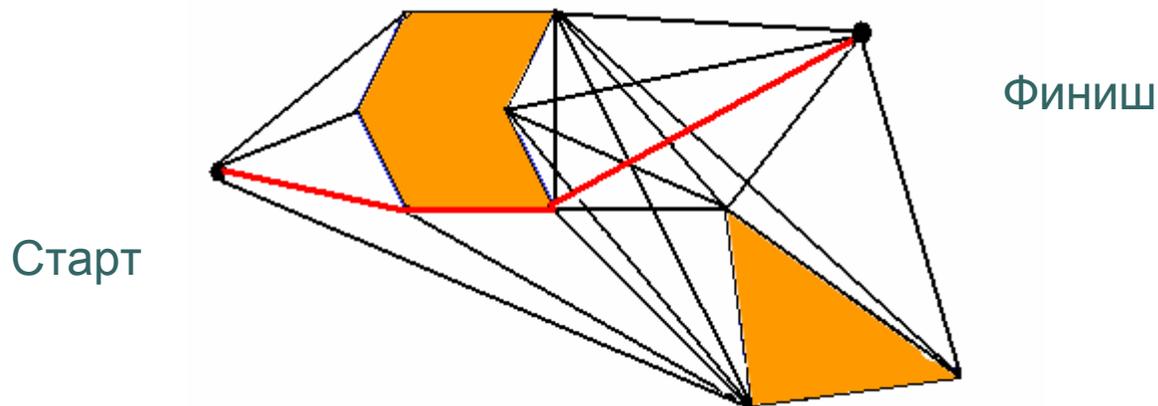
# III.1.1. Суть метода

- В этом методе строится неориентированный граф между начальной, конечной точками и всеми вершинами препятствий окружающего пространства



## III.1.2. Основное свойство

- Основное свойство:
  - Строим ребро между любыми двумя вершинами, если оно не проходит через препятствие





## III.1.3. Некоторые соображения

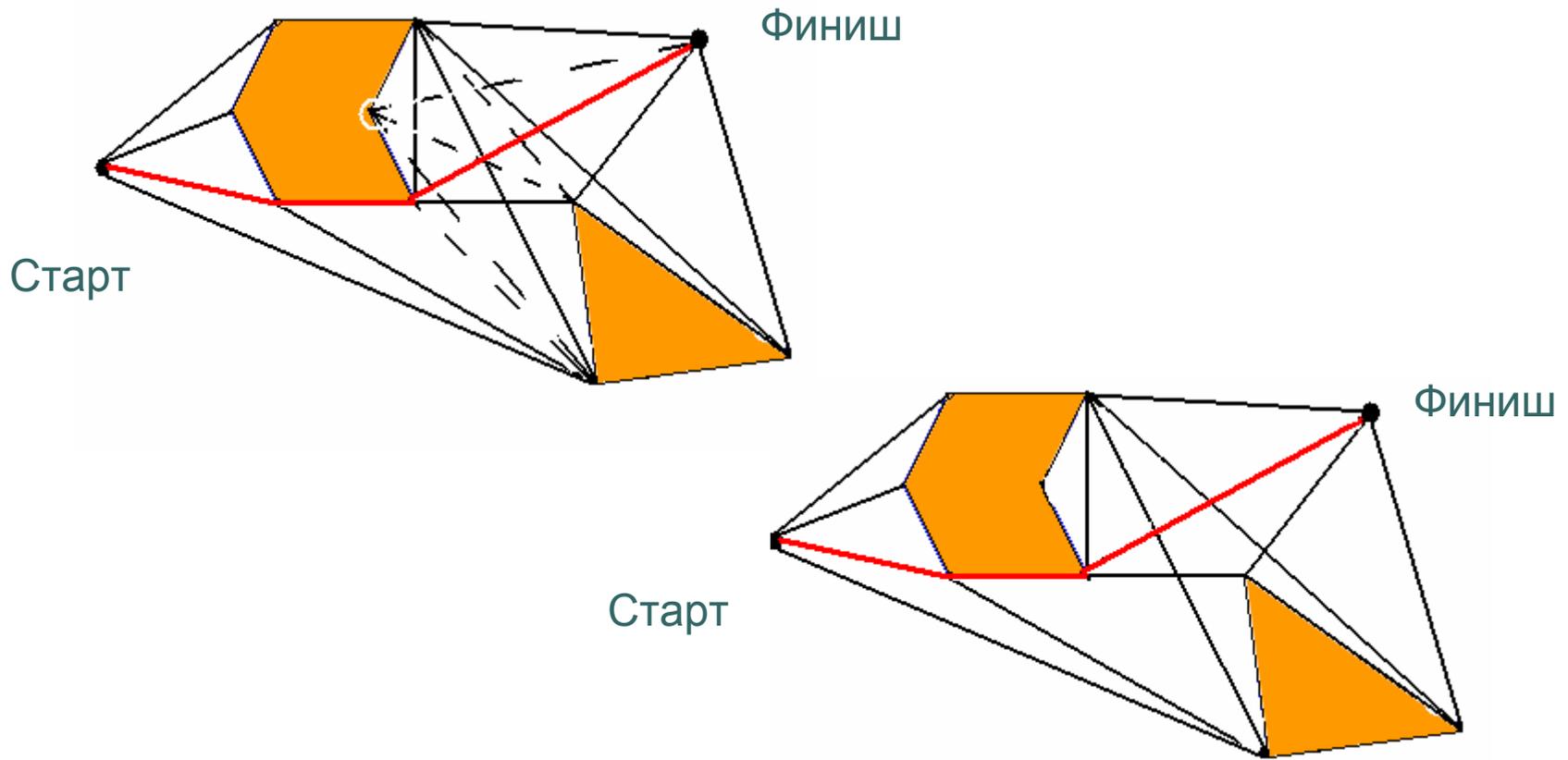
- Для нахождения пути используем алгоритмы на графах, например, алгоритм Дейкстры
- Очевидно, что в случае нахождения препятствия на пути робота путь будет проходить по границе данного препятствия



## III.1.4. Упрощение графа ВИДИМОСТИ

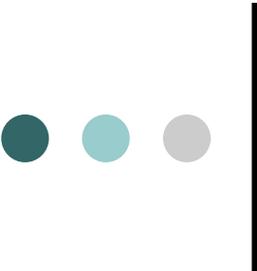
- Очевидно, что некоторые вершины в процессе нахождения пути не будут играть роли
- Упрощение графа видимости может быть совершено путем исключения таких вершин

# III.1.4. Упрощение графа видимости (пример)





## III.2. Метод потенциальных полей

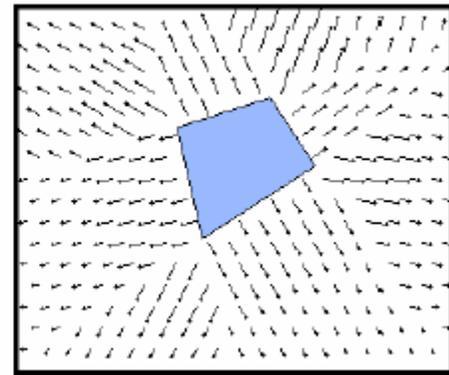
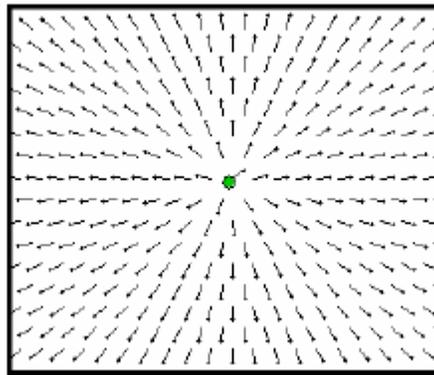
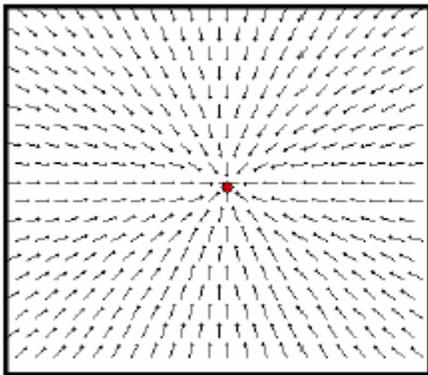


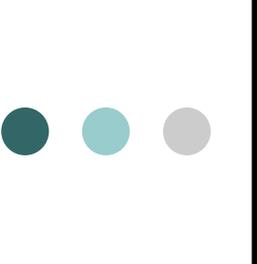
## III.2.1. Основные идеи

- Навигация методом потенциальных полей базируется на идее того, что окружающие объекты притягивают или отталкивают робота в процессе движения
- Робот вычисляет вектор, который является функцией целевой точки и окружающий препятствий
- Робот движется по направлению вектора, пока не достигнет цели назначения, через определенные промежутки времени рассчитывая вектор

## III.2.2. Основные понятия

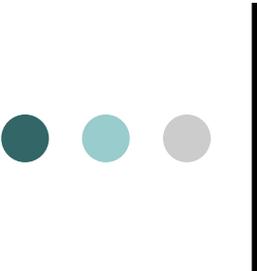
- Основные правила:
  - Робот притягивается к конечной точке
  - Отталкивается от начала движения
  - Отталкивается от окружающих препятствий





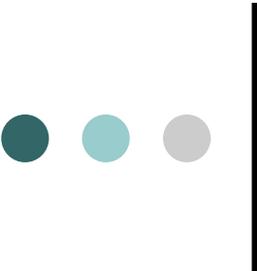
## III.2.2. Основные понятия

- Каждый конкретный вектор определяет направление вектора движения робота, в конкретной точке
  - Очевидно, что на каждом шаге роботом рассчитывается только ОДИН вектор



## III.2.3. Magnitude

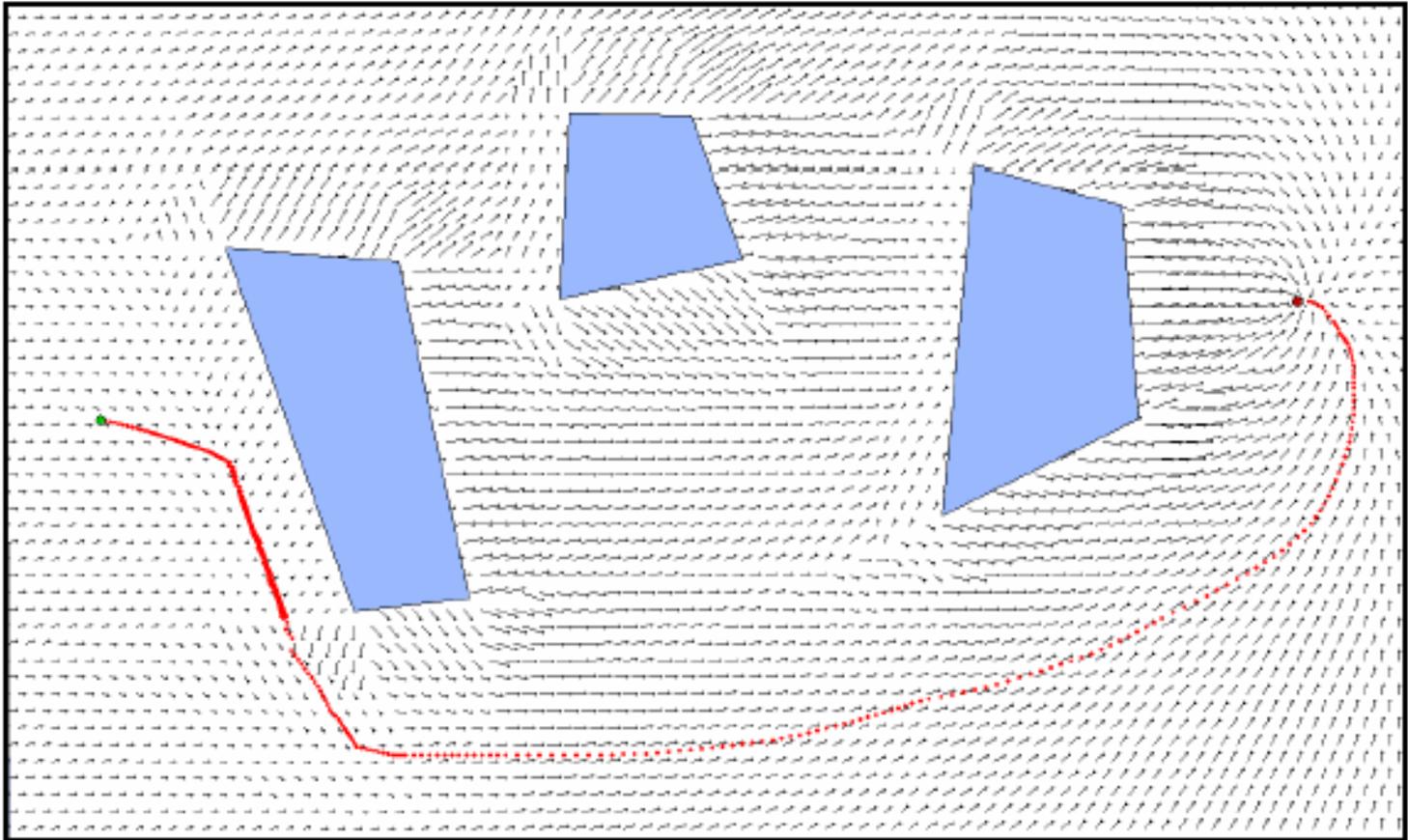
- У потенциального поля есть параметр **Magnitude**, который показывает “необходимость” передвижения робота в указанном направлении
  - Например: вблизи препятствия такой параметр будет значительно больше, чем вдали от этого же препятствия



## III.2.4. Суперпозиция потенциальных полей

- Потенциальное поле может быть “составлено” из нескольких отдельных полей, которые обеспечивают роботу перемещение к точке назначения
  - Поля начальной, конечной точек
  - Поля препятствий
- Робот рассчитывает новый вектор в конкретной точке, исходя из полей, которые влияют на движение в этой точке

## III.2.4. Суперпозиция потенциальных полей



## III.2.5. Расчет потенциального поля

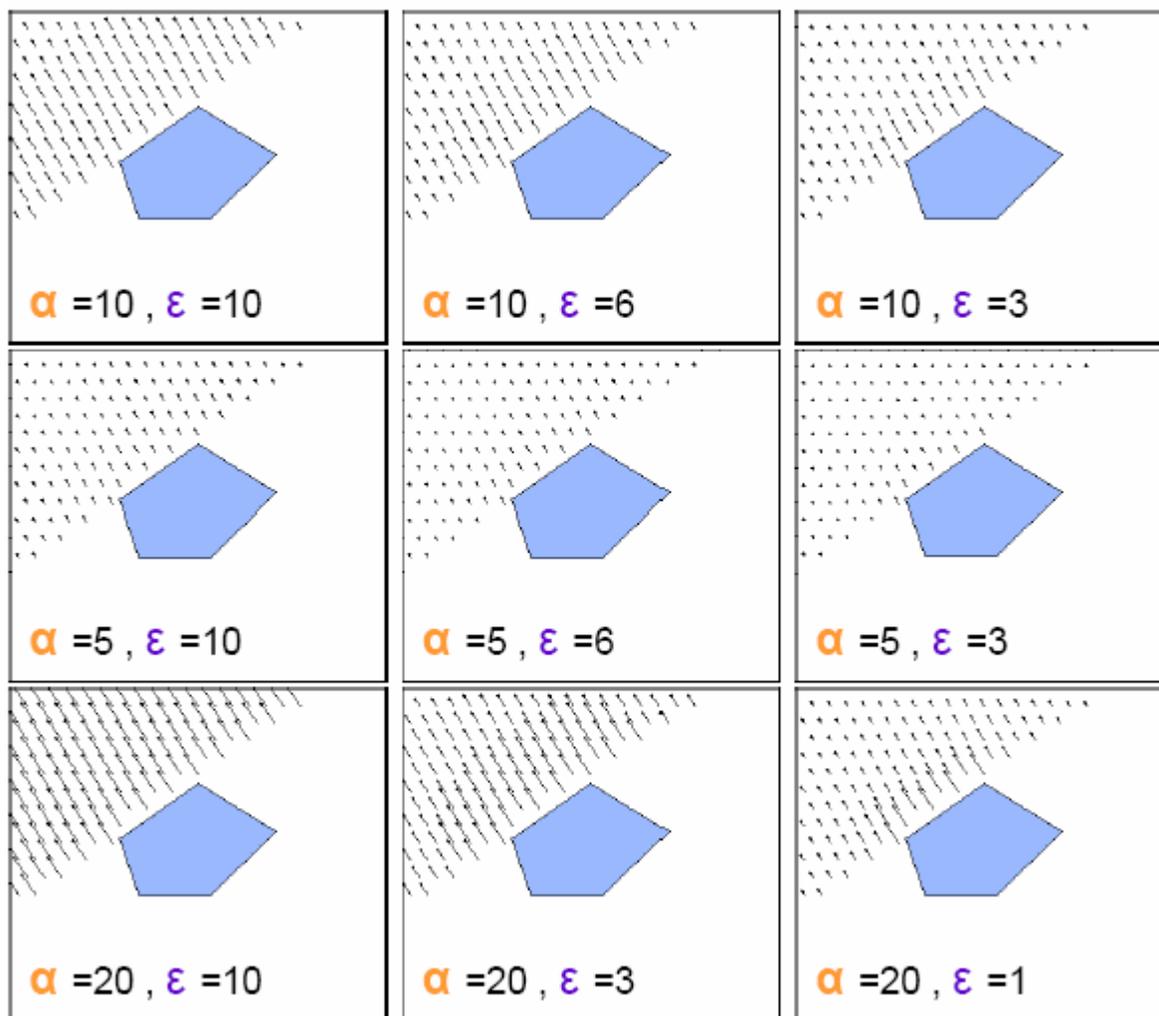
- Расчет значения вектора движения для определенной точки  $(x, y)$ :
  - От стартовой точки  $(g_x, g_y)$ 
    - Magnitude =  $\alpha_g * 1 / \text{distance}((x, y) \rightarrow (g_x, g_y))$
    - Направление = угол между  $((x, y) \rightarrow (g_x, g_y))$
  - Вектор от ребра преграды  $(s_x, s_y) \rightarrow (d_x, d_y)$ 
    - Magnitude =  $\alpha_{\text{obst}} / (d / (\epsilon * \alpha_{\text{obst}}) + 1)$
    - Направление: перпендикулярно ребру



## III.2.5. Расчет потенциального поля

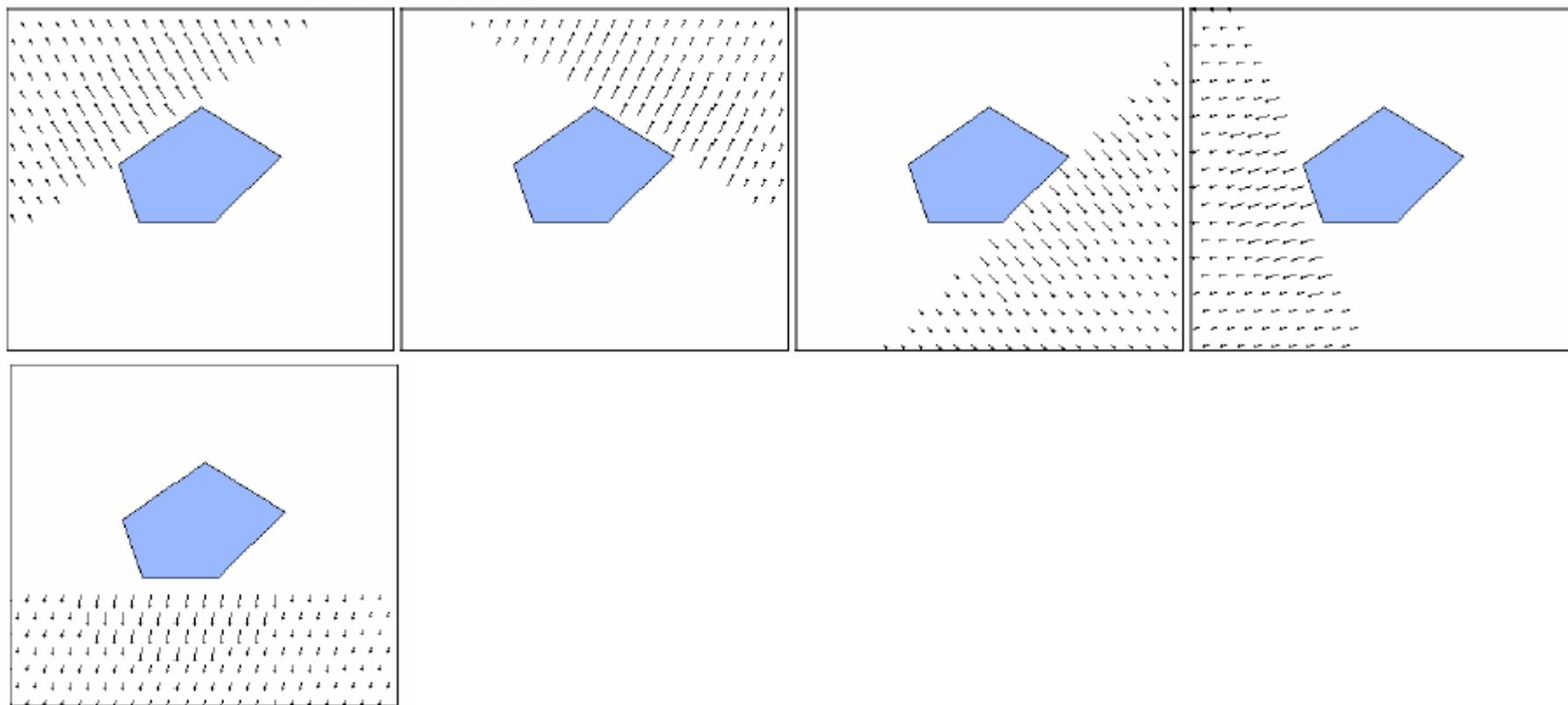
- Возможно изменение значения переменных  $\alpha$  и  $\varepsilon$  для получения различной силы потенциального поля
  - $\alpha$  определяет максимальное значение Magnitude
  - $\varepsilon$  определяет скорость изменения значения Magnitude

# III.2.5. Расчет потенциального поля (пример 1)

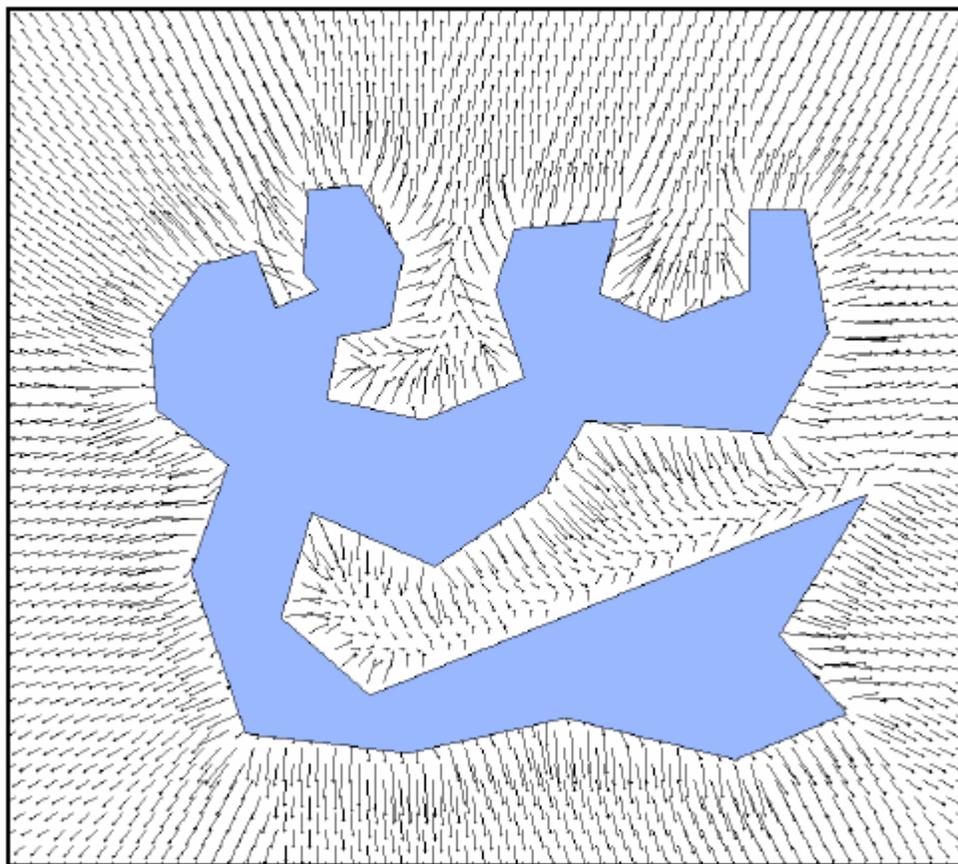


## III.2.5. Расчет потенциального поля (пример 2)

- Каждое ребро производит свой ВЕКТОР.

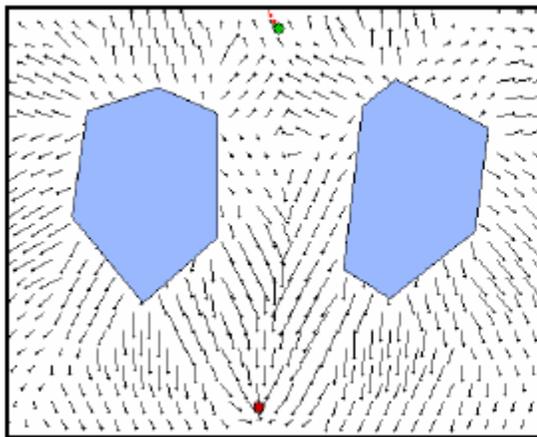


### III.2.5. Расчет потенциального поля (пример 3)

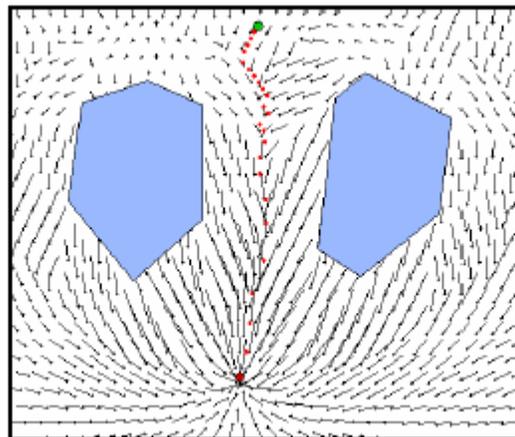


## III.2.6. Проблемы поиска пути

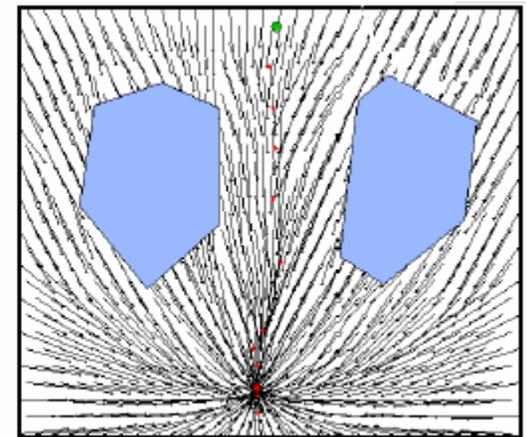
- Сила потенциального поля
  - Иногда поля, создаваемые преградами, отталкивают робота так, что препятствует нахождению решения



Слабое поле



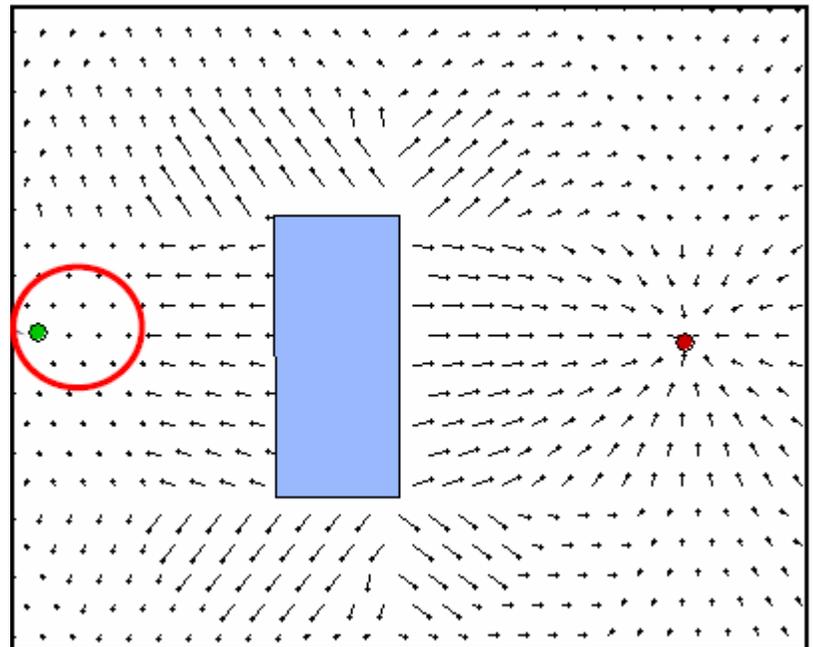
Среднее поле



Сильное поле

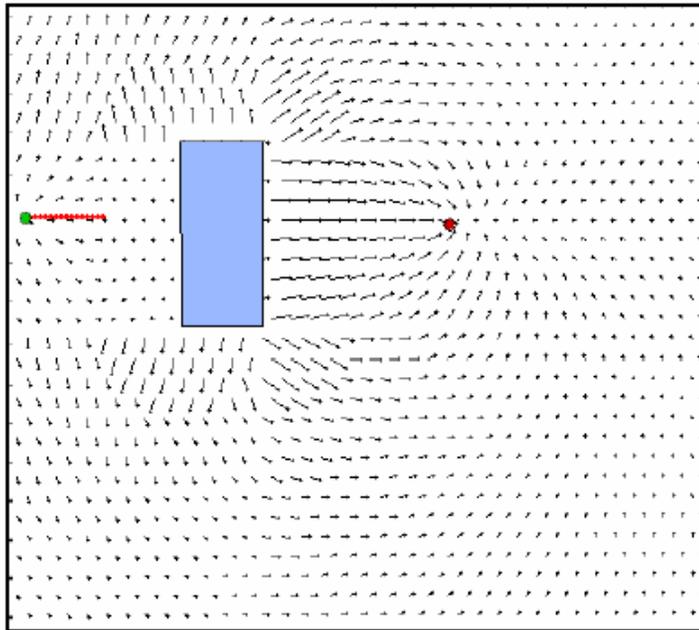
## III.2.7. Локальный минимум

- В некоторых случаях могут появиться области с локальным минимумом, где робот прекратит свое движение

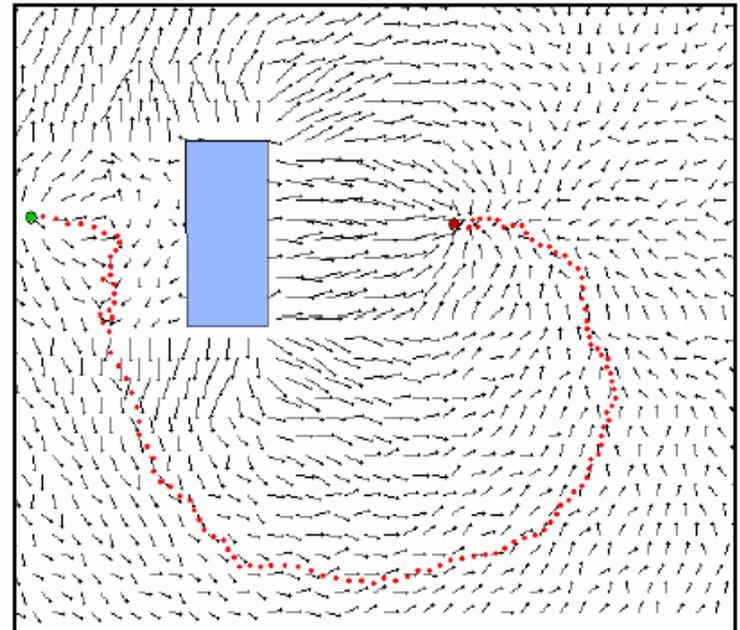


## III.2.7. Локальный минимум

- Для устранения проблемы локальных минимумов применяется “шум”, но это не гарантирует правильное решение



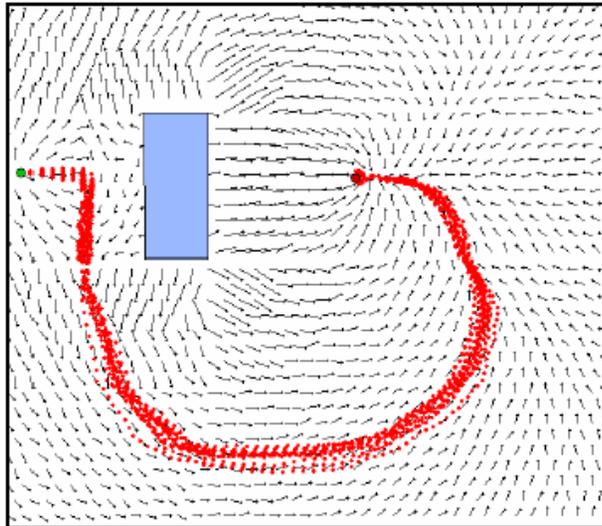
Поле без шума



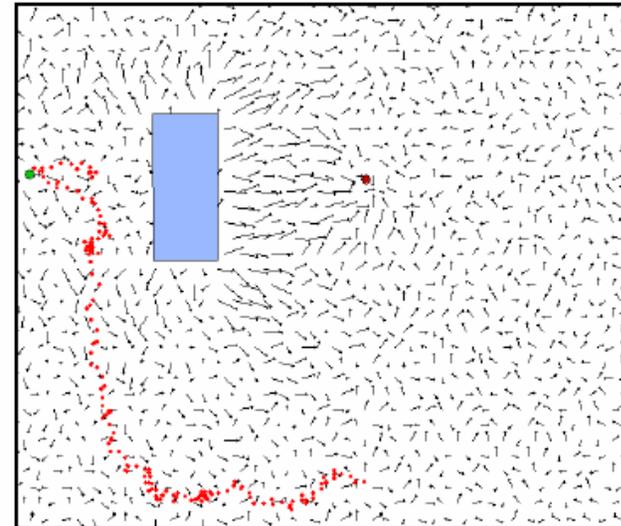
Поле с шумом

## III.2.7. Локальный минимум

- Путь может варьироваться в зависимости от значений шума (случайных)
- При слишком большом шуме может возникнуть потеря решений



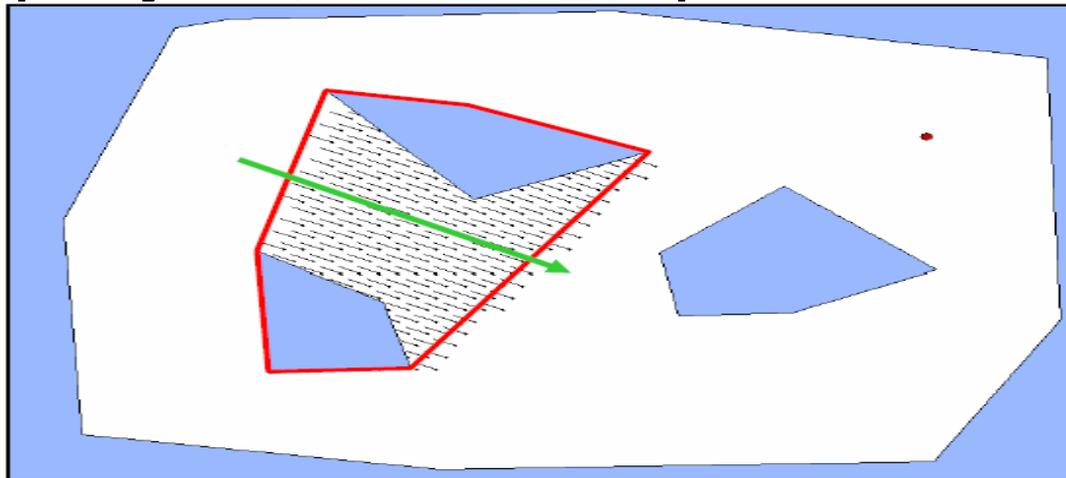
Множественный проход



Большое значение шума

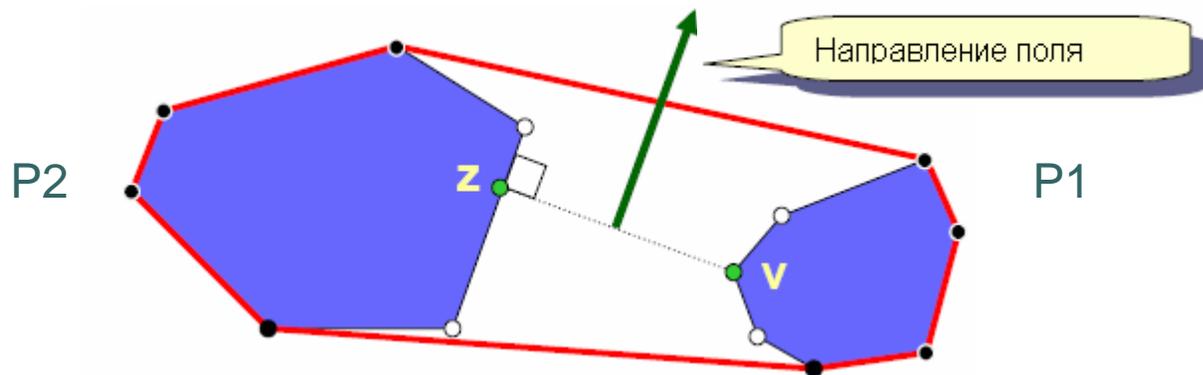
## III.2.8. Коридорные поля

- Для продвижения робота между препятствиями используются “коридорные поля”, направленные в сторону точки назначения, образующие своеобразный поток

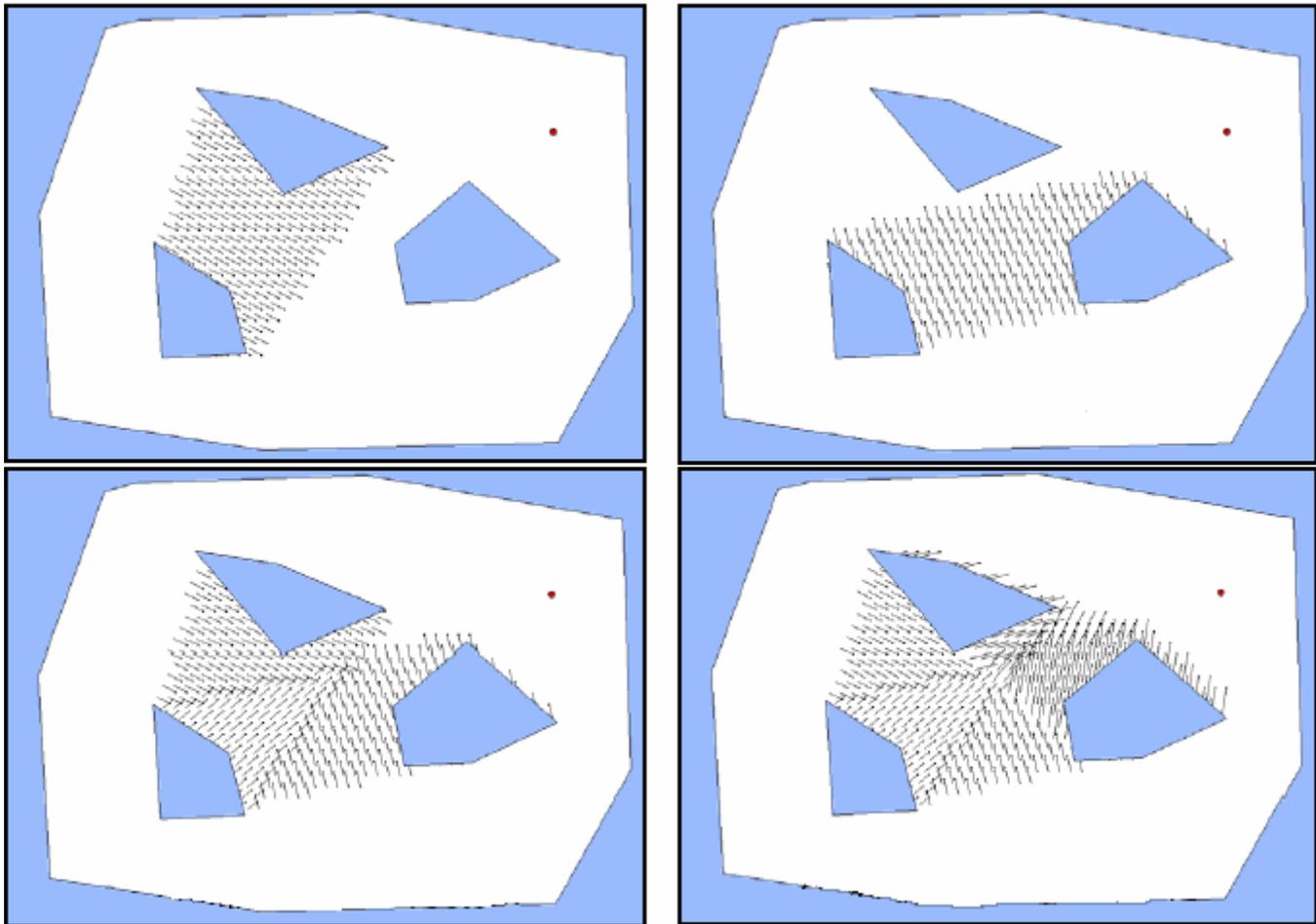


## III.2.8. Расчет коридорного поля

- Для расчета коридорного поля:
  - $P1$  и  $P2$  – полигоны препятствий
  - Вершина  $V$  – ближайшая к полигону  $P2$ , из нее опускается перпендикуляр на полигон  $P2$ , который определяет направление коридорного поля

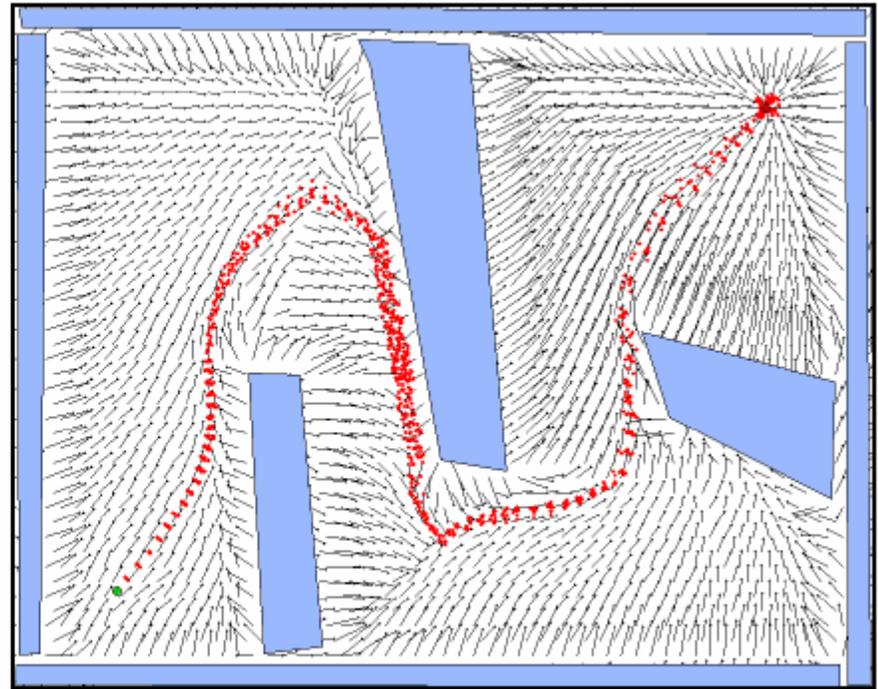
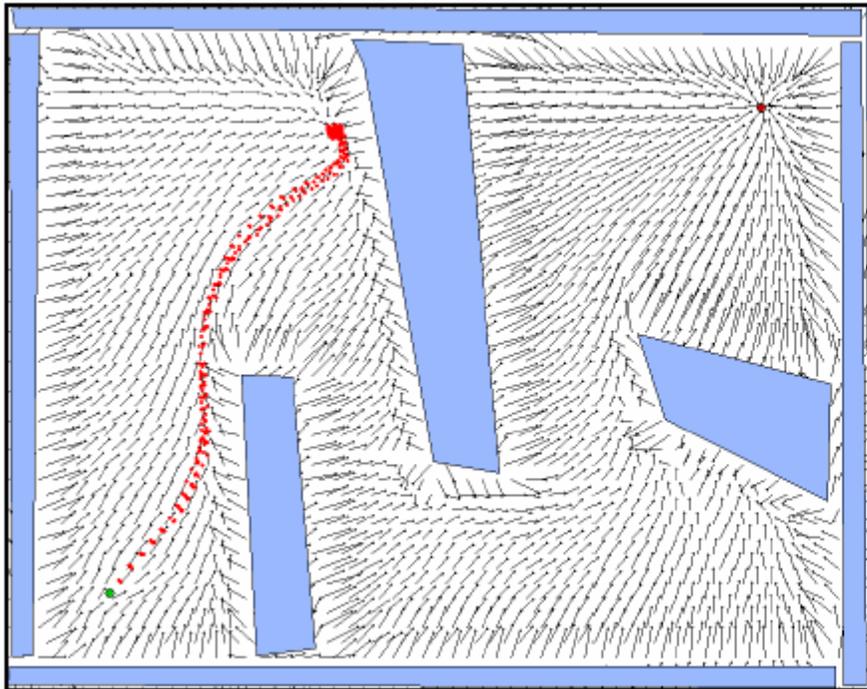


# III.2.8. Коридорные поля (пример)



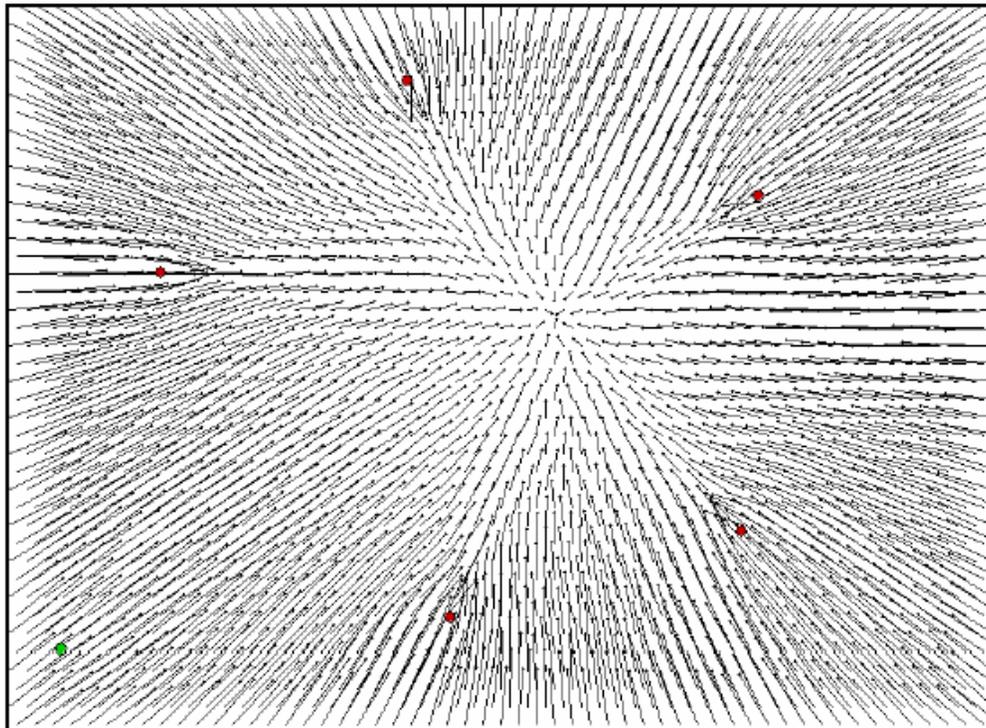
## III.2.8. Коридорные поля

- В некоторых случаях коридорные поля позволяют роботу достичь точки назначения



## III.2.9. Проблемы

- Метод потенциальных полей не может находить путь, когда есть несколько точек назначения



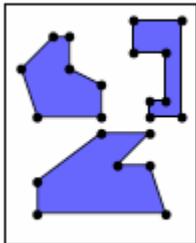


# III.3. Дискретизация

# III.3.1. Представления

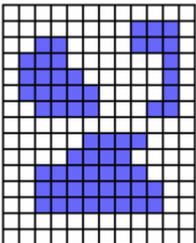
## ○ Представление:

### ● Векторное



- Хранится совокупность отрезков и полигонов
- Обычно вектора представляют собой границы препятствий

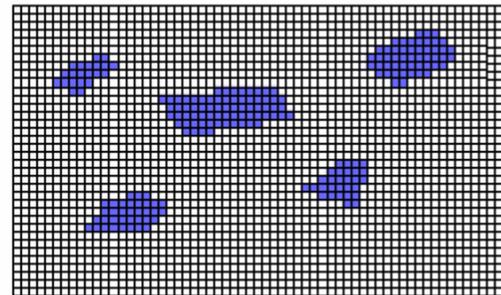
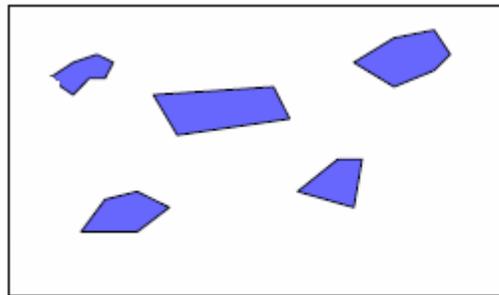
### ● Растровое



- Карта хранится в виде сетки
- Каждая ячейка хранит вероятность занятости

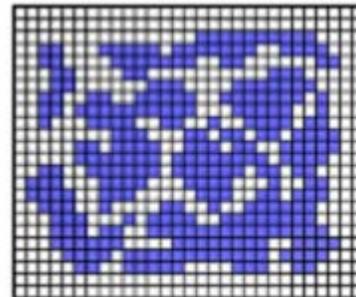
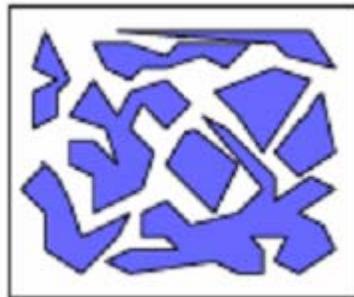
## III.3.2. Выбор представления

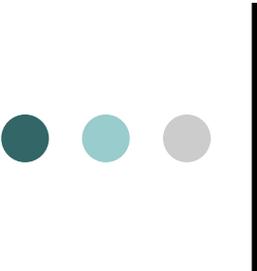
- При малом количестве простых препятствий меньше памяти используется при **векторном** представлении



## III.3.2. Выбор представления

- При большом количестве препятствий, состоящих из множества ребер, меньше памяти используется при **растровом** представлении



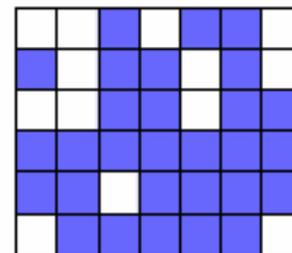
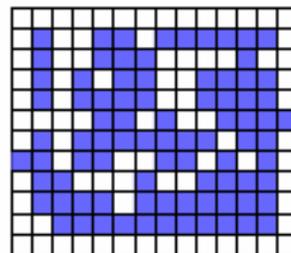
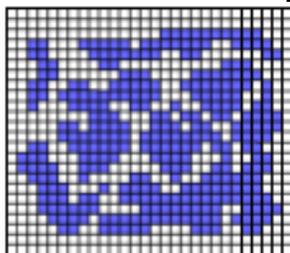
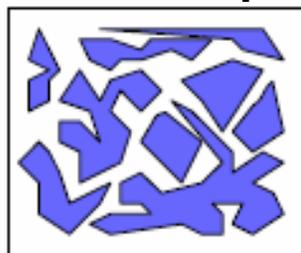


## III.3.3. Свойства представлений

- Векторное представление
  - $m$  препятствий с  $n$  вершинами
  - Память:  $(m*n)*2 + (m*n) = O(mn)$
- Растровое представление
  - Сетка  $M \times N$  требует  $O(MN)$  памяти
- Если  $m \ll M$ ,  $n \ll N$ , то предпочтительнее использовать векторное представление

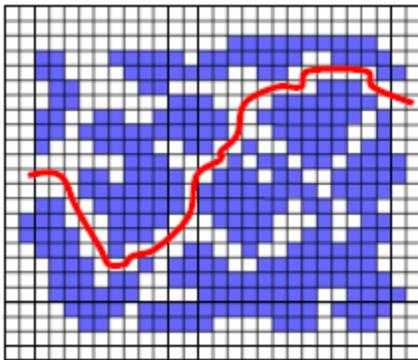
## III.3.4. Растровое представление

- Точность представления зависит от разрешения растровой сетки ( $M \times N$ )
- С уменьшением разрешения:
  - Уменьшается память для хранения
  - Теряется информации об окружающей среде, возможны неправильные решения

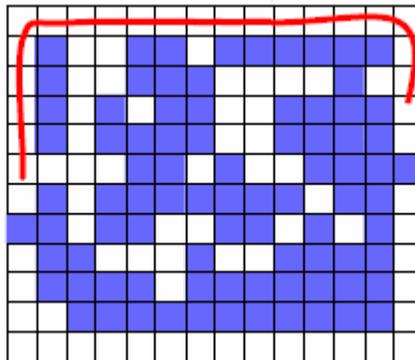


# III.3.4. Растровое представление

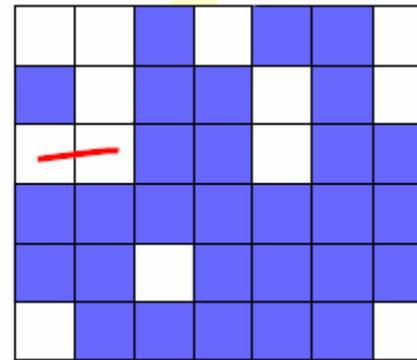
- С уменьшением разрешения возможна потеря некоторых или всех решений



Верное решение



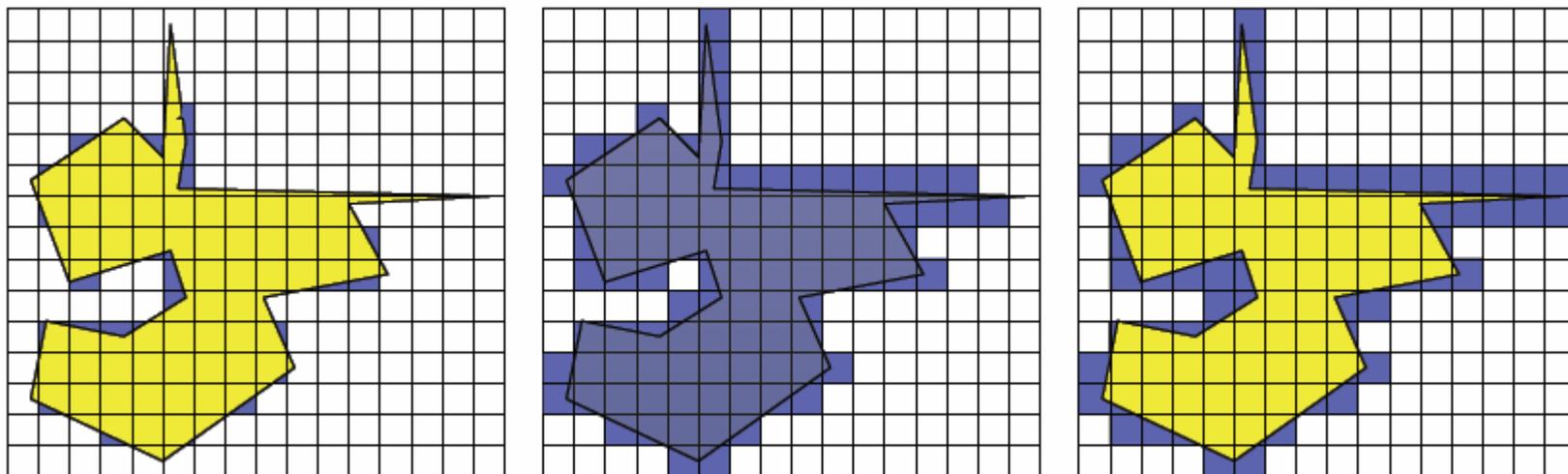
Неверное решение



Нет решений

## III.3.4. Растровое представление

- Другая проблема при использовании растрового представления - это обеспечение безопасности робота при движении



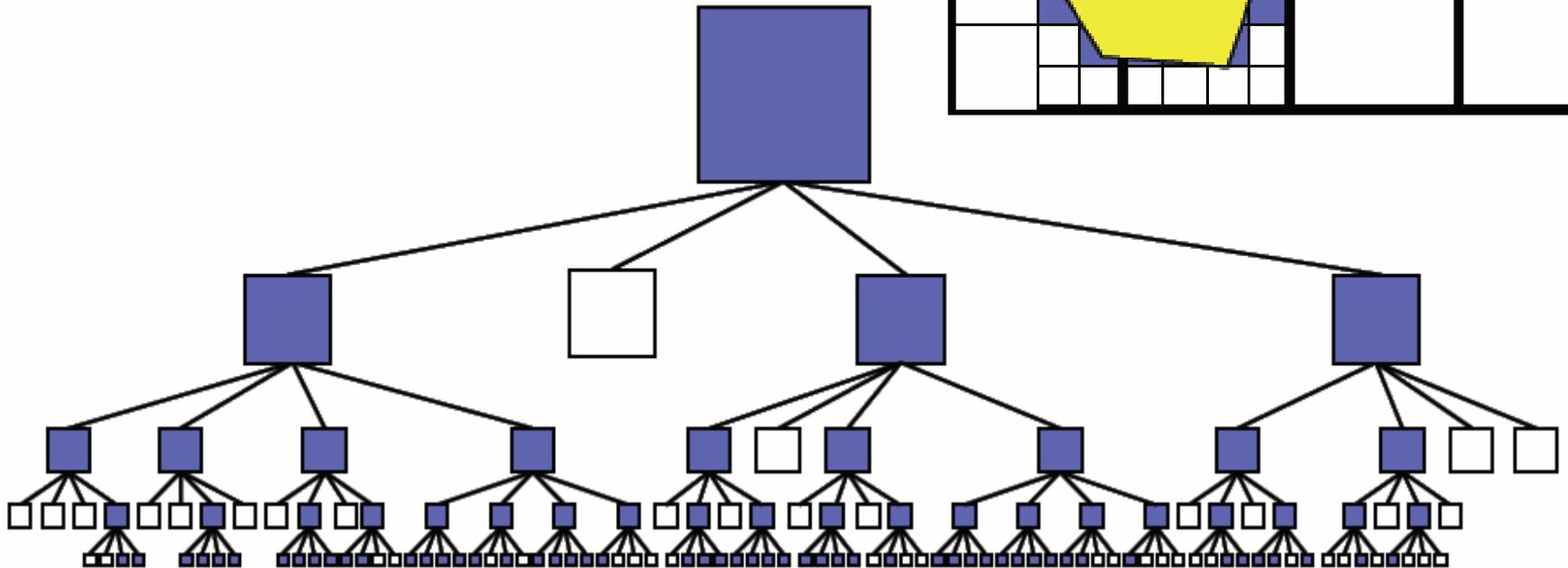
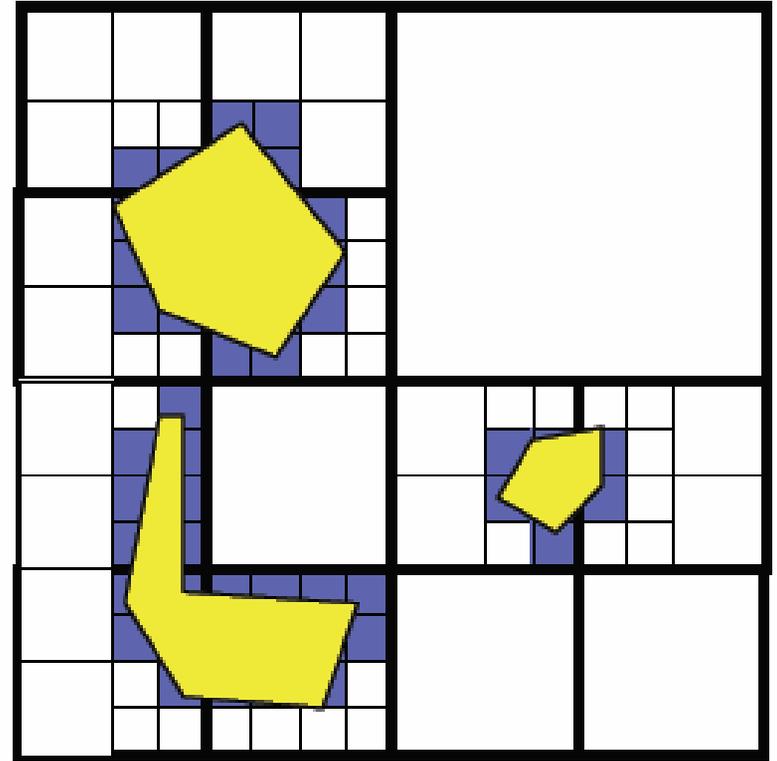


## III.3.5. Хранение растрового представления

- Очевидно, хранение раstra при помощи массивов неэффективно, лучше его хранить при помощи квадродеревьев
  - Уменьшается памяти для хранения карты
  - Требуется использование более сложных алгоритмов в связи с разными размерами ячеек и необходимостью распознавания границ препятствий

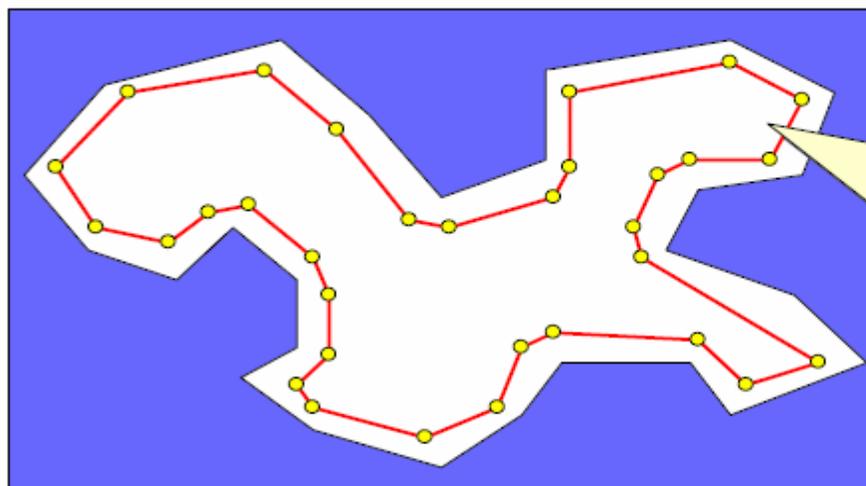
# III.3.5. Пример

- Хранение растровой карты



## III.3.6.1. Характеристические карты (Feature Maps)

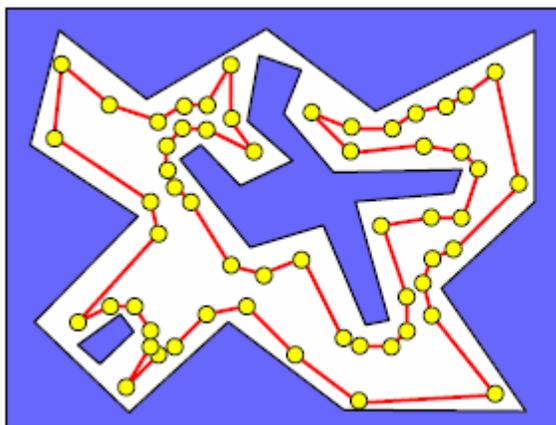
- Хранятся “характерные” черты (характеристики) окружающего пространства
  - Такими чертами могут быть: пустоты, преграды и т.п.



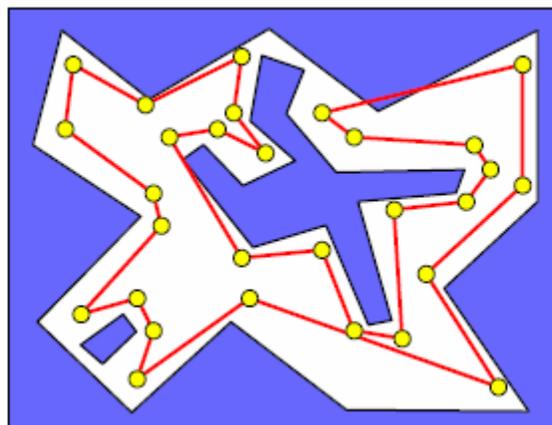
Характеристики:  
длины ребра,  
угол поворота

## III.3.6.2. Характеристические карты (Feature Maps)

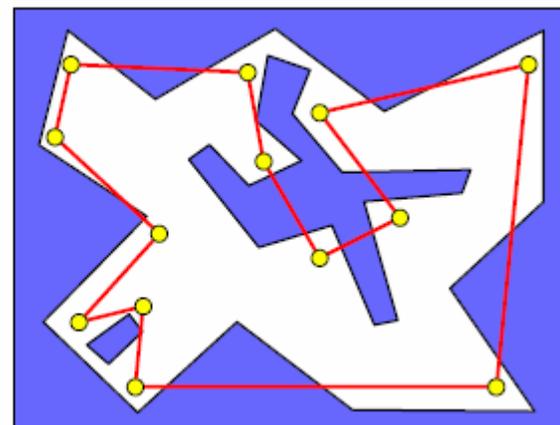
- Произведенная карта зависит от точности робота, а также от других параметров, например, минимального угла, который считается вершиной



15°



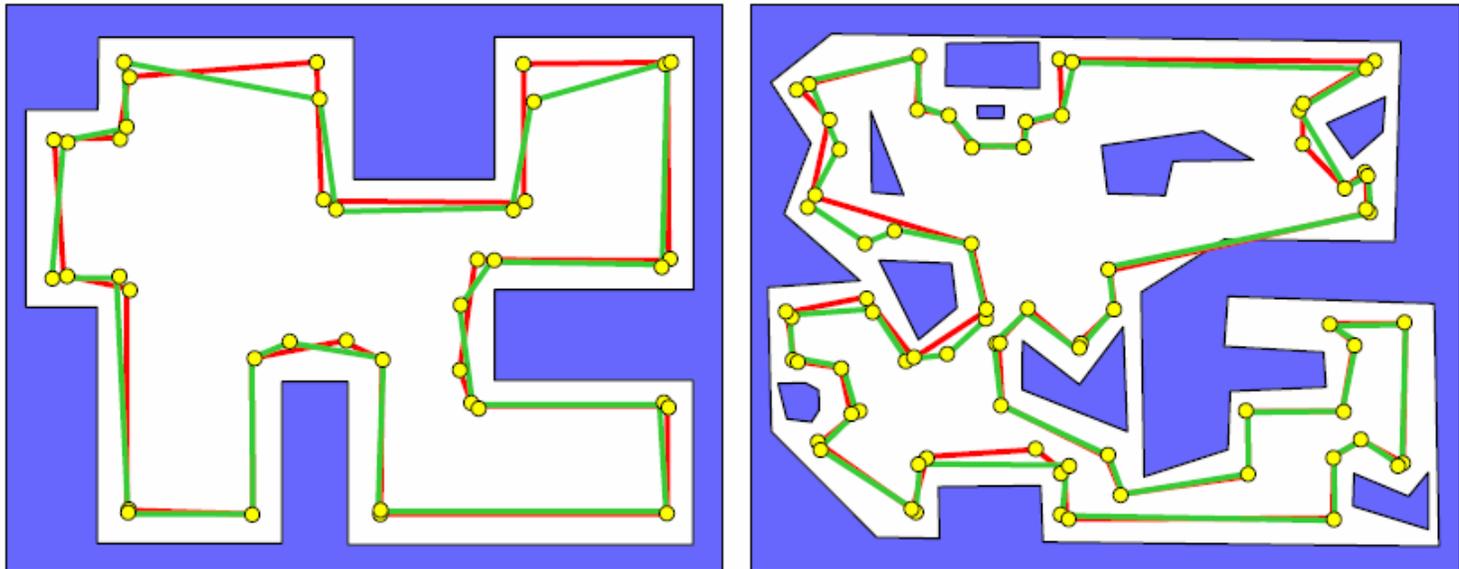
45°



60°

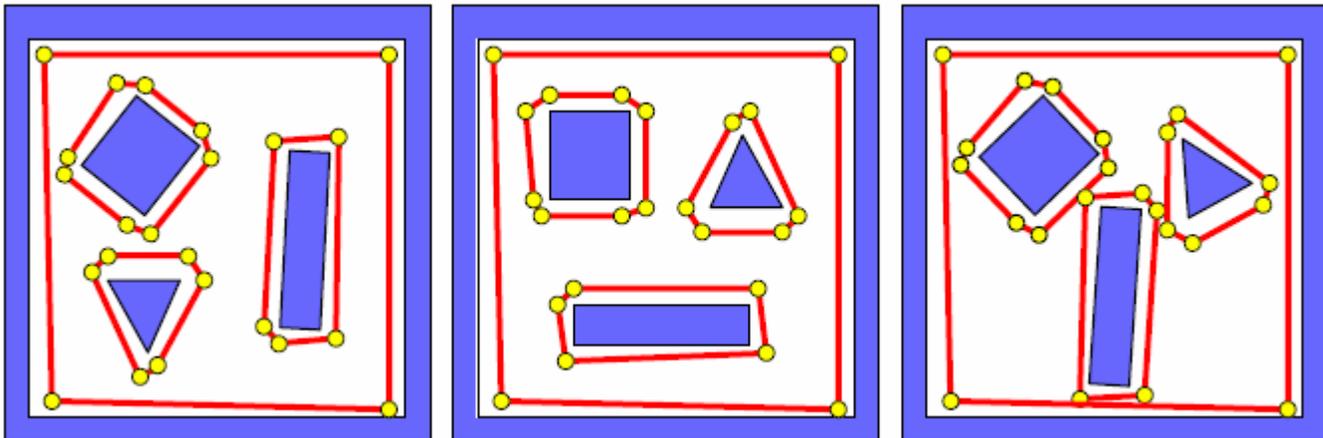
### III.3.6.3. Характеристические карты (Feature Maps)

- Различные пути прохода одних и тех же препятствий, например, обход по или против часовой стрелки, производят разные карты



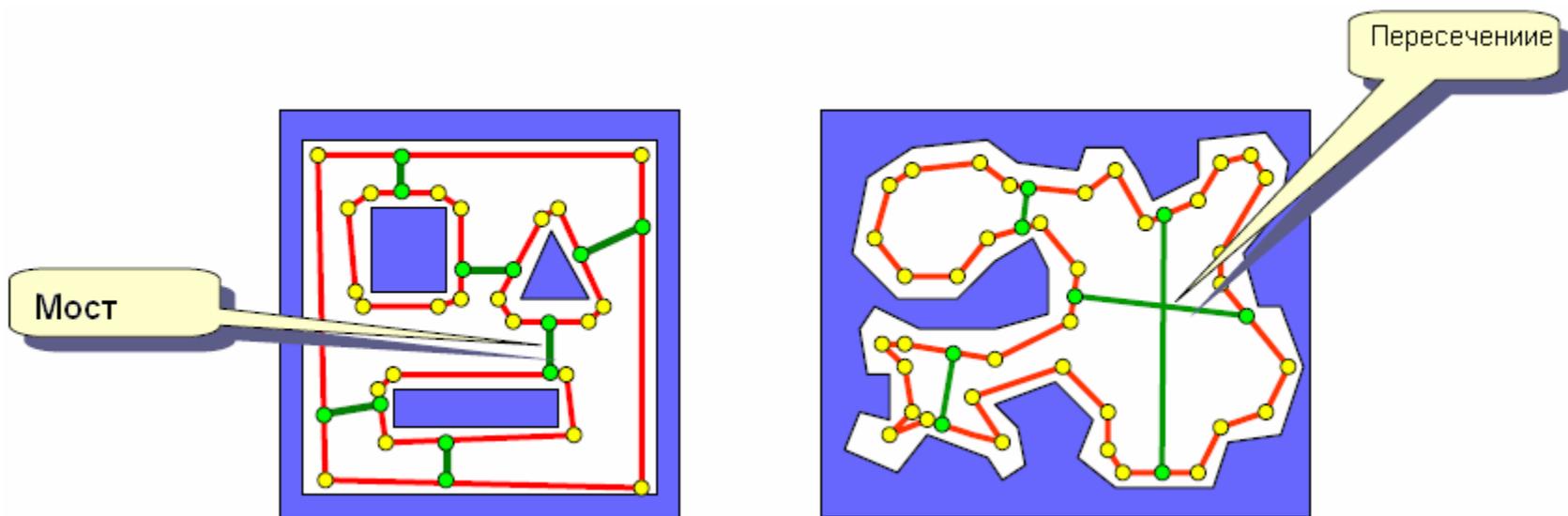
## III.3.6.4. Проблемы

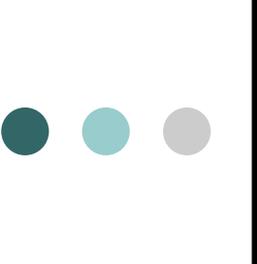
- При простом обходе не могут быть определены ни глобальная ориентация, ни относительная ориентация и позиция
  - Эти карты неразличимы



## III.3.6.5. Мосты и пересечения

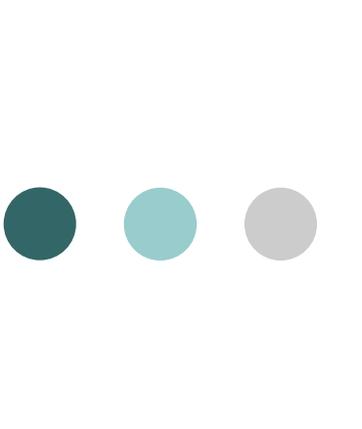
- Мосты и пересечения могут быть между различными препятствиями для создания топологического порядка для приблизительного расчета расстояния между препятствиями



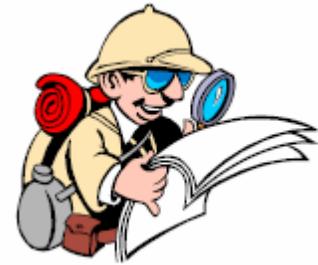


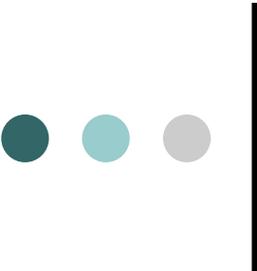
## III.3.6.6. Способ реализации

- Одним из способов реализации является проведение из ребра перпендикуляра:
  - Создание связи между ребром, из которого мы вышли, и ребром, с которым произошло пересечение
  - Запоминание расстояния между ними



# IV. Трассировка в неизвестных средах





## IV.1. Основные условия

Необходимые условия:

- Робот должен «чувствовать» препятствия и уметь двигаться вдоль них
- Цель должна быть известна, но расположение препятствий – нет
- Робот должен знать свои координаты и координаты цели

## IV.2. Основные алгоритмы

- Мы рассмотрим семейство Bug, включающее в себя следующие алгоритмы:

- Bug1
- Bug2
- Tangent Bug



## IV.3.1. Алгоритм Bug1



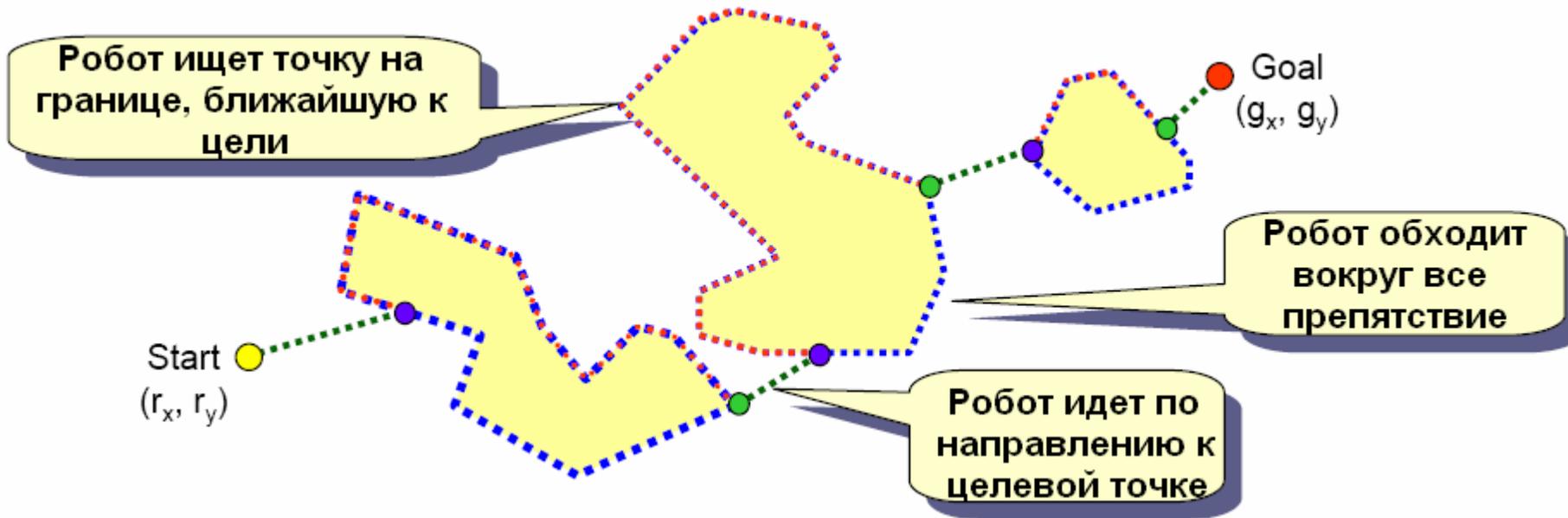
- Алгоритм Bug1 – первый и наиболее простой алгоритм из семейства Bug
- От робота требуется умение чувствовать «контакт» с препятствиями, т.е. расстояние для их распознавания может быть мало

## IV.3.2. Алгоритм Bug1: стратегия



- Идем в сторону цели до тех пор, пока не встретим препятствие, запоминаем точку встречи
- Обходим препятствие вдоль его границы, пока не дойдем до точки встречи
- Если наиболее близкая точка не является точкой встречи препятствия, то идем к ней; иначе искомого пути к цели не существует

# IV.3.3. Алгоритм Bug1: пример



# IV.3.4. Алгоритм Bug1: анализ



- Алгоритм Bug1:
  - **Всегда** находит путь до целевой точки, если таковой существует
  - Проводит «всесторонний» поиск «наилучшей» точки для того, чтобы покинуть границу препятствия и направиться к цели
- Наибольшая дистанция, проходимая роботом равна:

$$d = r(S,G) + 1.5*[p(O_1) + \dots + p(O_N)],$$

где:

$r(S,G)$  – расстояние от начала до цели

$p(O_K)$  – периметр K-ого препятствия

## IV.4.1. Алгоритм Bug2



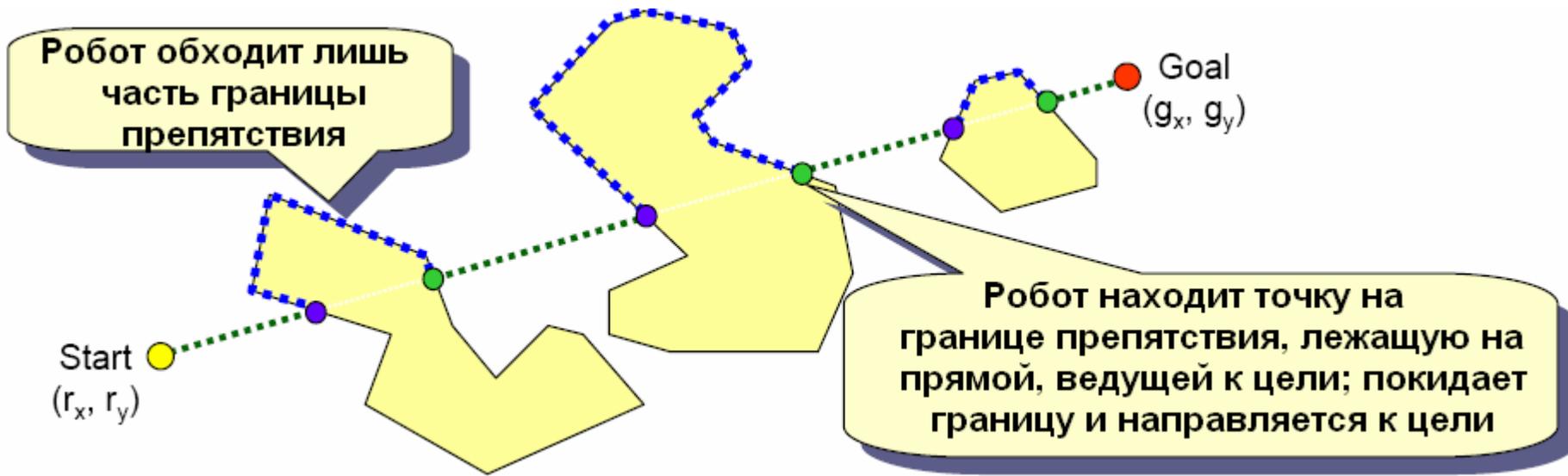
- Bug2 – модификация алгоритма Bug1, созданная с целью исключить необходимость обхода **всей** границы препятствия
- Как и в случае с Bug1, от робота требуется умение чувствовать «контакт» с препятствиями, т.е. расстояние для их распознавания может быть мало

## IV.4.2. Алгоритм Bug2: стратегия



- Идем в сторону цели до тех пор, пока не встретим препятствие и запоминаем точку встречи и луч, ведущий к цели
- Обходим препятствие вдоль его границы до тех пор, пока не пересечем этот луч
- Если мы пришли не в точку встречи, продолжаем движение; иначе пути не существует

# IV.4.3. Алгоритм Bug2: пример



## IV.4.4.1. Алгоритм Bug2: анализ

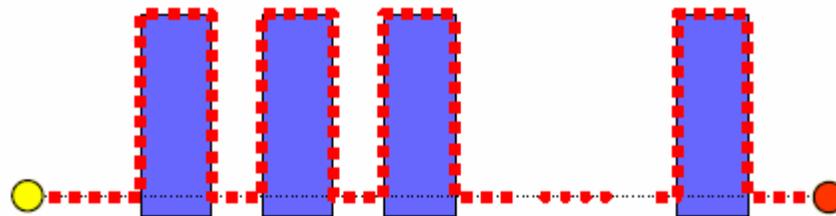


- Алгоритм Bug2:
  - **Всегда** находит путь до целевой точки, если таковой существует
  - Производит «жадный» поиск «наилучшей» точки для того, чтобы покинуть границу препятствия и направиться к цели

## IV.4.4.2. Алгоритм Bug2: анализ



- Проходимая дистанция может существенно зависеть от направления, по которому робот обходит препятствие
- Худший случай (проходится практически весь периметр препятствий):



## IV.4.4.3. Алгоритм Bug2: анализ



- Наибольшая дистанция, проходимая роботом равна:

$$d = d(S,G) + [(m_1/2 * p(O_1) + \dots + (m_N/2 * p(O_N))],$$

где

$d(S,G)$  – расстояние от начала до цели

$p(O_K)$  – периметр  $K$ -ого препятствия

$m_i$  – число раз, которое луч от начала до цели пересекает  $i$ -ое препятствие

## IV.5. Алгоритмы Bug1 и Bug2



- В общем случае Bug2 работает быстрее, чем Bug1, но существуют среды со сложными препятствиями, в которых Bug1 оказывается быстрее
- Плюсом обоих алгоритмов является требование умения робота чувствовать «контакт» лишь на малом расстоянии

# IV.6.1. Алгоритм Tangent Bug



- Алгоритм **Tangent Bug** был создан с целью улучшения алгоритмов **Bug** за счет оснащения робота дополнительными сенсорами, чтобы он мог ощущать препятствия вокруг себя на некотором расстоянии, которое сенсоры должны уметь определять
- На практике фиксируется угол между сенсорами (например, 5 градусов)

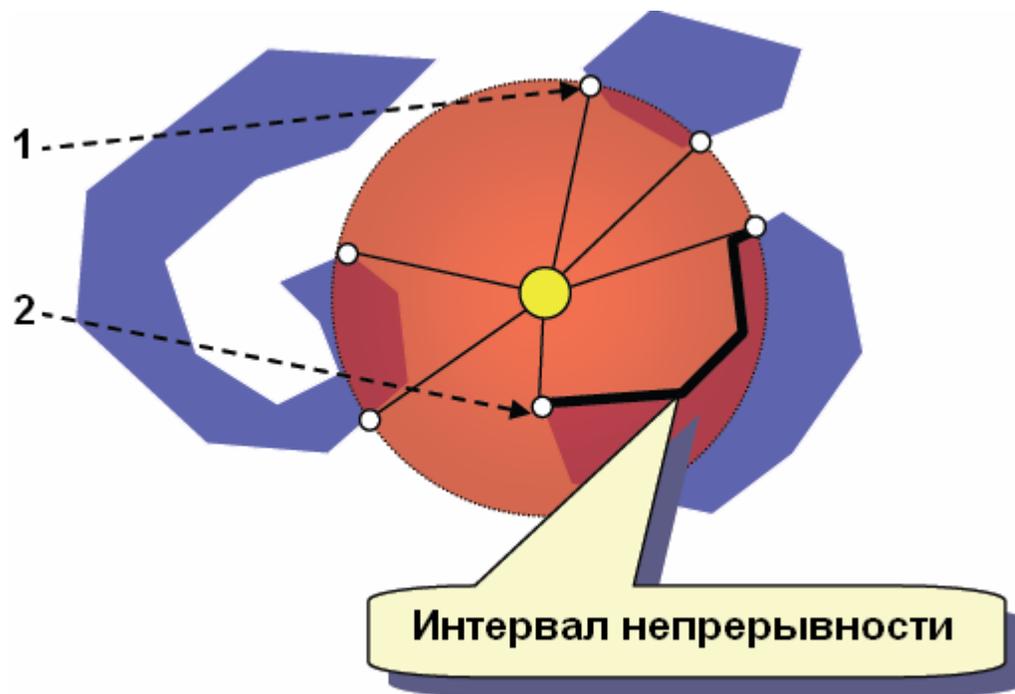
## IV.6.2. Алгоритм Tangent Bug

### важные определения



- Введем два важных определения:
  - **Точка разрыва** – точка, в которой теряются показания сенсоров из-за:
    - Препятствия вне зоны сенсора (1)
    - Неопределенного препятствия (2)
  - **Интервал непрерывности** – интервал, определяемый двумя точками разрыва

# IV.6.3. Алгоритм Tangent Bug пояснение к определениям



# IV.6.4.1. Алгоритм Tangent Bug: стратегия



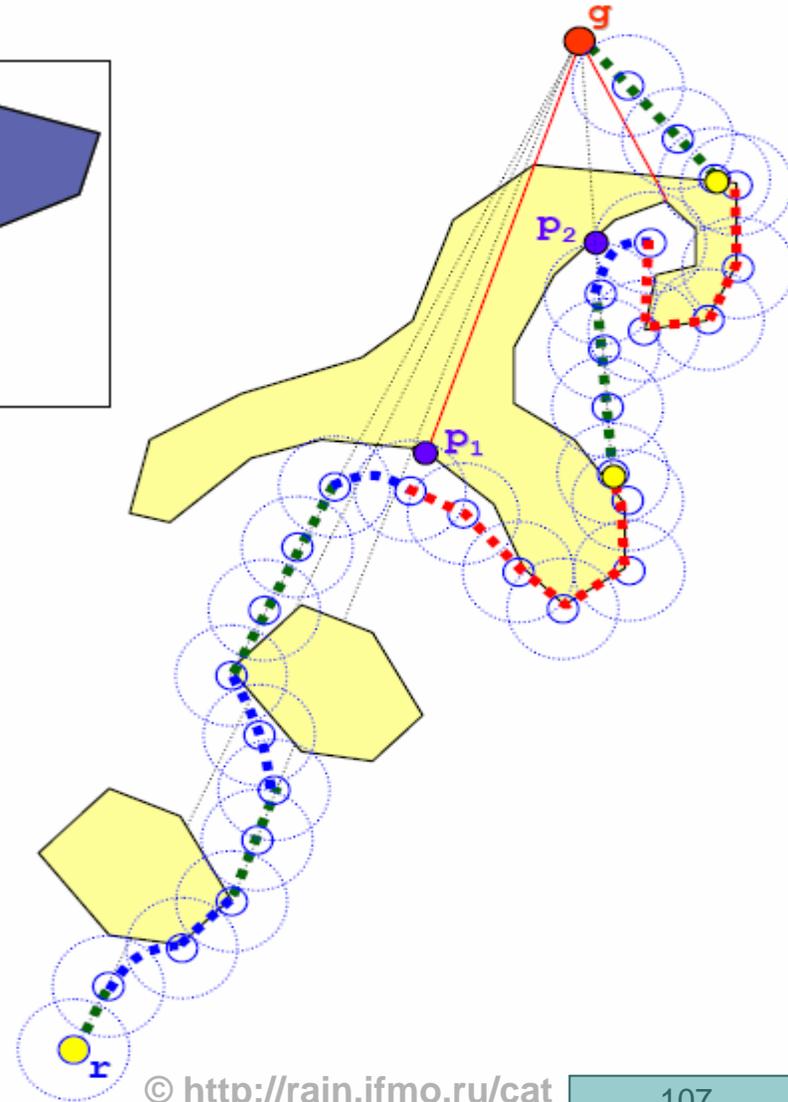
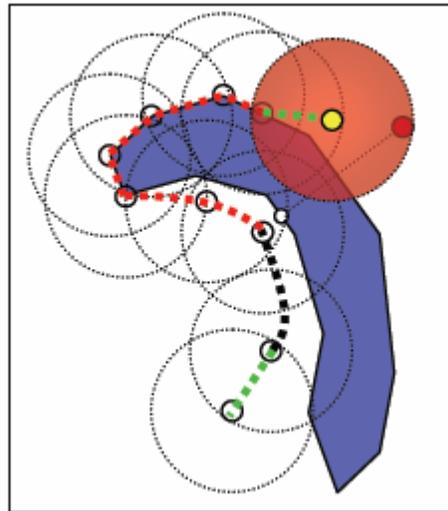
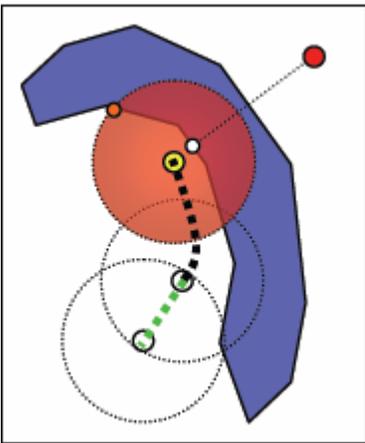
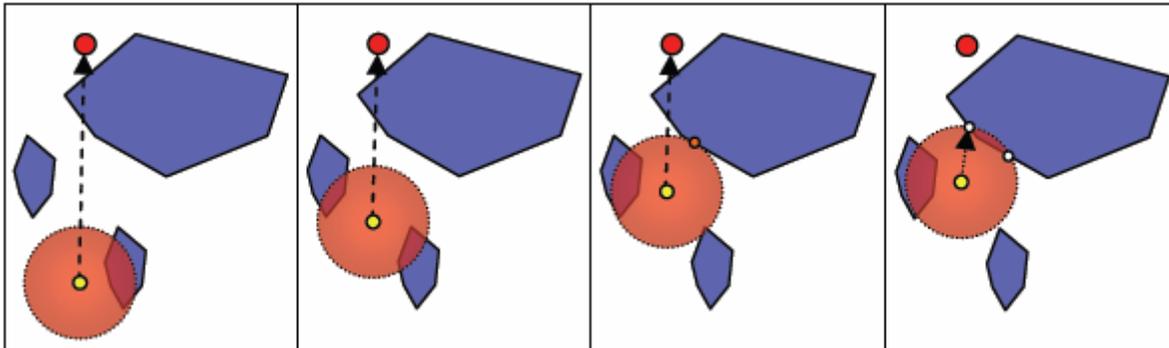
- Идем в сторону цели до тех пор, пока не почувствуем препятствие на прямой к цели; в случае нахождения препятствия прямая будет пересекать интервал непрерывности
- Движемся к одной из точек разрыва, для которой эвристическая оценка минимальна (например к той, сумма расстояний от которой до робота и до цели минимальна)

## IV.6.4.2. Алгоритм Tangent Bug: стратегия



- В процессе движения получаем новые точки разрыва и движемся к ним до тех пор, пока эвристическая оценка не перестанет уменьшаться (т.е. мы достигаем локального минимума)
- Движемся вдоль границы препятствия, сохраняя направление
- Покидаем границу, когда препятствие больше не мешает проходу к целевой точке

# IV.6.5. Алгоритм Tangent Bug: примеры



## IV.6.6. Алгоритмы | заключение

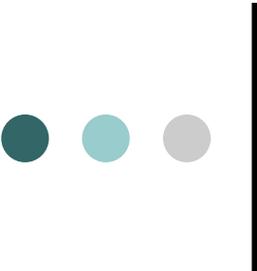


- Преимущества алгоритмов Bug:
  - Простота и интуитивная понятность
  - Несложная реализация
  - Гарантированное (теоретически доказано) нахождение пути (если таковой существует)
- Недостатки на практике:
  - Невозможно идеальное позиционирование
  - Невозможно создать безошибочные сенсоры

● ● ●

# V. Применение алгоритмов на практике





## V.1.1. Применение в игровых проектах

- Применение в игровых проектах
  - Необходимы:
    - Быстрота работы
    - Универсальность работы (нахождение путей из любых точек)
  - Можно пренебречь:
    - Временем предрасчета
    - Точностью алгоритма



## V.1.2. Стратегии в игровых проектах

### ○ Стратегии

- В основном используется **метод потенциальных полей**, с заранее рассчитанным полем всех препятствий в каждой точке карты; преимущества:
  - Быстрота нахождения пути из любых точек
  - Гладкость траектории



## V.1.3. Применение в играх жанра Action

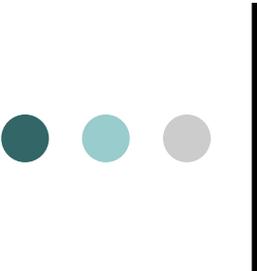
- Граф видимости
  - Удобство редактирования карты (быстрота)
  - Возможность вручную задавать более перспективные маршруты
  - Легкость исправления параметров карты для игры
- Комбинирование графа видимости и метода потенциальных полей



# V.2.1. Применение алгоритмов в других областях

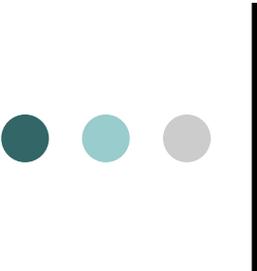
## ○ Робототехника

- Алгоритмы серии **Bug** с картами местности
  - Например, бытовые роботы-уборщики
- Создание управляемых роботов, для навигации по картам со спутников
  - Используются алгоритмы для навигации по известной местности
  - При обнаружении неизвестных объектов используются алгоритмы семейства **Bug**



## V.2.2. Применение алгоритмов в других областях

- Создание карт для морской и сухопутной навигации, автоматизация, создание систем автоматического управления транспортными средствами:
  - Метод потенциальных полей
  - Алгоритмы серии **Bug**



# Литература

- Бондарев В.М., Рублинецкий В.И., Качко Е.Г. Основы программирования. – Харьков: Фолио; Ростов н/Д: Феникс, 1997
- В. Stout. Smart Moves: Intelligent Pathfinding. – (Перевод см. <http://algotist.manual.ru/games/smartmove.php>)
- М. Lanthier. Mobile Robot Positioning. – <http://www.scs.carleton.ca/~lanthier/>
- <http://wikipedia.org>
  - [http://en.wikipedia.org/wiki/A\\*](http://en.wikipedia.org/wiki/A*)
  - [http://en.wikipedia.org/wiki/Best-first\\_search](http://en.wikipedia.org/wiki/Best-first_search)
  - [http://en.wikipedia.org/wiki/Taxicab\\_geometry](http://en.wikipedia.org/wiki/Taxicab_geometry)